

Co się zaś tyczy mocy, znajdziemy dla prądnicy

$$EI \text{ watów czyli } \frac{110 \cdot 61,9}{736} = 9,26 \text{ MK},$$

dla silnika

$$V_1 I_1 \text{ watów czyli } \frac{105,2 \cdot 10,1}{736} = 1,445 \text{ MK},$$

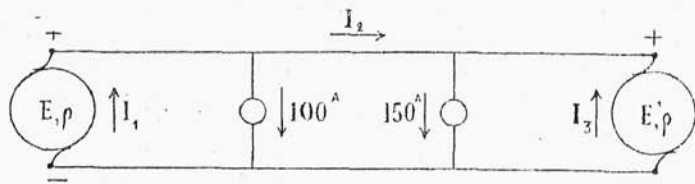
dla lamp

$$V_2 I_2 \text{ watów czyli } \frac{103,8 \cdot 51,8}{736} = 7,31 \text{ MK},$$

dla strat w linii

$$\frac{0,055}{2} (I^2 + I_2^2) \text{ watów czyli } \frac{0,055}{2 \cdot 736} (61,9^2 + 51,8^2) = 0,243 \text{ MK}.$$

41. — Dwie prądnice, o oporach wewnętrznych  $\rho = 0,05$  oma i siłach elektromotorycznych  $E = 115$  oraz  $E' = 112$  woltom, zasilają przeciwnymi biegunami dwa przewodniki miedziane (o oporze właściwym 1,8 mikroomów centymetrowych) długości 300 m, średnicy 8 mm. Między te przewodniki włączone są co 100 m



Rys. 25.

urządzenia odbierające prąd, jedno 100 amp., drugie 150 amp. (rys. 25). Wyznaczyć natężenie prądu jakie daje każda z prądnic, i moc pobieraną przez każde przyłączenie.

Przypuśćmy, że w poszczególnych częściach sieci, prąd elektryczny ma kierunek strzałek.

Na zasadzie pierwszego prawa Kirchhoffa,

$$I_1 = I_2 + 100 \quad (1)$$

$$I_2 + I_3 = 150. \quad (2)$$

Oznaczając przez  $\rho + R_1$ ,  $R_2$  i  $\rho + R_3$  opory części linii odpowiednio przeprowadzające prądy  $I_1$ ,  $I_2$  oraz  $I_3$ , na zasadzie drugiego prawa Kirchhoffa możemy napisać

$$I_1(\rho + R_1) + I_2 R_2 - I_3(\rho + R_3) = E - E',$$

podstawiając  $E = 115$  woltom,  $E' = 112$  woltom,  $\rho = 0,05$  oma,

$$R_1 = R_2 = R_3 = \frac{1}{3} \left( 1,8 \cdot 10^{-6} \cdot \frac{2 \cdot 30\,000}{3,14 \cdot \frac{0,8^2}{4}} \right) = 0,072 \text{ oma},$$

otrzymamy

$$0,122 I_1 + 0,072 I_2 - 0,122 I_3 = 3 \quad (3)$$

Z równań (1), (2) i (3), znajdziemy

$$0,122 (100 + I_2) + 0,072 I_2 - 0,122 (150 - I_2) = 3,$$

skąd

$$I_2 = 28,8 \text{ amperom},$$

$$I_1 = 28,8 + 100 = 128,8 \text{ amperom},$$

$$I_3 = 150 - 28,8 = 121,2 \text{ amperom}.$$

Różnica potencjałów na końcówkach przyłączenia 100 amperowego

$$E - I_1(\rho + R_1) = 115 - 128,8 \cdot 0,122 = 99,3 \text{ woltom},$$

moc pobierana przez nie

$$\frac{99,3 \cdot 100}{736} = 13,5 \text{ MK}$$

Dla przyłączenia 150 amperowego, podobnie

$$E' - I_3(\rho + R_3) = 112 - 121,2 \cdot 0,122 = 97,2 \text{ woltom}$$

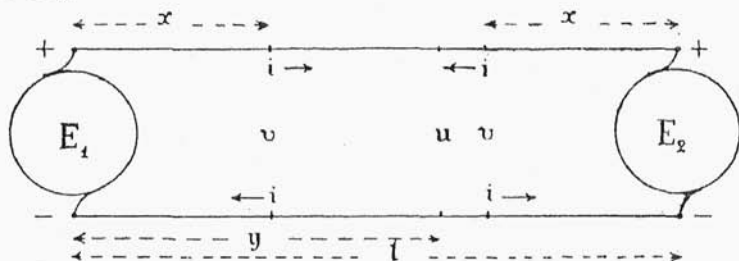
oraz

$$\frac{97,2 \cdot 150}{736} = 19,8 \text{ MK}.$$

**42.** — Dwie prądnice o siłach elektromotorycznych 200 woltów i 196 woltów są połączone jednoimiennymi biegunami z dwoma przewodnikami, każdy długości 500 m i o oporze 800 mikro-omów na metr biejący. Prąd wytwarzany przez maszyny tworzy między przewodnikami boczny ciągły o natężeniu 0,2 amp. na metr biejący. W którym miejscu przewodników spotykają się prądy, wytwarzane przez poszczególne maszyny.

Oznaczmy przez  $E_1$  i  $E_2$  siły elektromotoryczne prądnic, przez  $l$  długość przewodników, przez  $r$  oraz  $j$  wartości liniowe ich oporu i natężenia prądu, przechodzącego z jednego przewodnika na drugi.

Oznaczmy przez  $y$  odległość, liczoną wzdłuż przewodników od prądnicy  $E_1$  do punktu spotkania się prądów obydwu maszyn, przez  $U$  różnicę potencjałów istniejącą w tym punkcie (rys. 26).



Rys. 26.

Całkowite natężenie prądu, wytwarzanego przez prądnicę  $E_1$  jest  $jy$ , przez prądnicę  $E_2$  zaś  $j(l-y)$ .

Przez  $i$  oznaczmy natężenie prądu w przewodnikach w odległościach  $x$  od maszyn, a przez  $v$  różnicę potencjałów tych punktów, tedy

$$-di = jdx$$

oraz

$$-dv = 2ir dx.$$

Stosując te zależności do maszyny  $E_1$ , otrzymamy

$$-\int_{jy}^i di = jy - i = j \int_0^x dx = jx$$

lub

$$i = j(y - x)$$

oraz

$$\begin{aligned} -\int_{E_1}^U dv &= E_1 - U = 2r \int_0^y i dx = 2rj \int_0^y (y - x) dx = \\ &= 2rj \left( y^2 - \frac{y^2}{2} \right) \end{aligned}$$

lub

$$E_1 - U = riy^2 \quad (1)$$

Stosując je do prądnicy  $E_2$ , znajdziemy

$$-\int_{j(l-y)}^i di = j(l-y) - i = j \int_0^x dx = jx$$

$$\text{lub} \quad i = j(l - y - x)$$

oraz

$$\begin{aligned} - \int_{E_2}^U dv = E_2 - U &= 2r \int_0^{l-y} i dx = 2rj \int_0^{l-y} (l - y - x) dx = \\ &= 2rj \left\{ (l - y)^2 - \frac{(l - y)^2}{2} \right\} \end{aligned}$$

$$\text{lub} \quad E_2 - U = rj(l - y)^2 \quad (2)$$

Z równań (1) i (2), odejmując je stronami, znajdziemy

$$E_1 - E_2 = rj \{ y^2 - (l - y)^2 \} = rjl(2y - l)$$

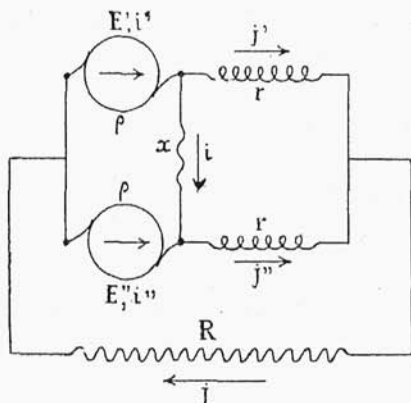
skąd

$$y = \frac{1}{2} \left( \frac{E_1 - E_2}{rjl} + l \right).$$

Kładąc  $E_1 = 200$  woltom,  $E_2 = 196$  woltom,  $r = 0,0008$  oma/m,  $j = 0,2$  amp./m,  $l = 500$  m, znajdziemy

$$y = \frac{1}{2} \left( \frac{200 - 196}{0,0008 \cdot 0,2 \cdot 500} + 500 \right) = 275 \text{ m.}$$

**43.** — Dwie prądnice, o oporze wewnętrznym  $\rho = 0,01$  oma, są połączone w szereg każda z oporem  $r = 0,005$  oma. Położone równolegle zasilają opór  $R = 0,5$  oma (rys. 27). Gdy siły elektromotoryczne obydwu prądnic są równe, na skutek symetrii prąd jest równy i przewodnik, łączący punkty ich połączenia z oporami  $r$ , jest pozbawiony prądu. (Kierunki prądów są wskazane na rysunku). Jaki opór należy dać powyższemu przewodnikowi, aby prąd nie zmienił kierunku w którymkolwiek z oporników  $r$  wcześniej niż siła elektromotoryczna jednej prądnicy przewyższy siłę elektromotoryczną drugiej o 20%?



Rys. 27.

Oznaczenia i kierunki dodatnie prądów znajdziemy na schemacie. Zakładamy, że siła elektromotoryczna  $E''$  jednej prądnicy jest mniejszą od siły elektromotorycznej  $E'$  drugiej.

Na zasadzie praw Kirchhoffa możemy napisać równania

$$i' = i + j' \quad (1) \quad E' = i' \rho + j' r + I R \quad (4)$$

$$i'' + i = j'' \quad (2) \quad E'' = i'' \rho + j'' r + I R \quad (5)$$

$$j' + j'' = I \quad (3) \quad j' r - j'' r - i x = 0. \quad (6)$$

które pozwolą obliczyć prąd  $j''$  w funkcji sił elektromotorycznych i oporów obwodu.

Z równań (4), (1) i (3) znajdziemy

$$E' = i \rho + j' \rho + j' r + j' R + j'' R,$$

a zastępując  $i$  przez jego wartość z równania (6)

$$E' = \left( j' \frac{r}{x} - j'' \frac{r}{x} \right) \rho + j' \rho + j' r + j' R + j'' R$$

lub

$$E' = j' \left( \rho \frac{r}{x} + \rho + r + R \right) + j'' \left( R - \rho \frac{r}{x} \right) \quad (7)$$

W ten sam sposób z równań (5), (2), (3) i (6) znaleźlibyśmy

$$E'' = j'' \left( \rho \frac{r}{x} + \rho + r + R \right) + j' \left( R - \rho \frac{r}{x} \right) \quad (8)$$

rugując  $j'$  z równań (7) i (8), znajdziemy

$$j'' = \frac{E'' \left( \rho \frac{r}{x} + \rho + r + R \right) - E' \left( R - \rho \frac{r}{x} \right)}{\left( \rho \frac{r}{x} + \rho + r + R \right)^2 - \left( R - \rho \frac{r}{x} \right)^2}.$$

Aby prąd  $j''$  miał kierunek wskazany na schemacie, należy aby mianownik tego ułamka był dodatni, czyli

$$E'' \left( \rho \frac{r}{x} + \rho + r + R \right) > E' \left( R - \rho \frac{r}{x} \right)$$

lub

$$x < \rho r \frac{E' + E''}{E' R - E'' (\rho + r + R)}.$$

Kładąc  $E'' = E' (1 - 0,2) = 0,8 E'$ ,  $r = 0,005 \text{ oma}$ ,

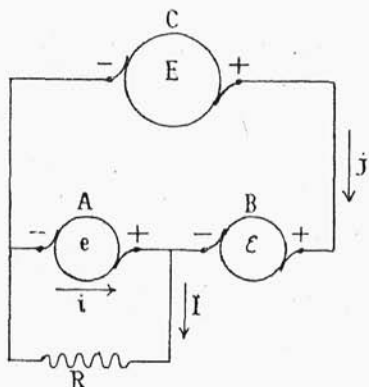
$\rho = 0,01 \text{ oma}$ ,  $R = 0,5 \text{ oma}$ ,

otrzymamy warunek, aby

$$x < 0,01 \cdot 0,005 \frac{1 + 0,8}{1 \cdot 0,5 - 0,8 (0,01 + 0,005 + 0,5)}$$

$$x < 0,00102 \text{ oma.}$$

44. — Dwie prądnice  $A$  i  $B$  (rys. 28), których opory są równe  $0,1$  oma, połączono z prądnicą  $C$  o oporze bardzo małym w ten sposób, że jej siła elektromotoryczna ma kierunek przeciwny dwóm pierwszym i wynosi  $200$  wolt. Równoległe z maszyną  $A$  jest włączony opornik wielkości  $1$  oma. Jakie wartości mają siły elektromotoryczne maszyn  $A$  i  $B$ , gdy różnica potencjałów na końcówkach opornika wynosi połowę elektromotorycznej siły maszyny  $C$ , i gdy maszyna  $B$  zużytkowuje moc elektryczną równą mocy wytworzonej przez  $A$ ?



Rys. 28.

Przyjmijmy znakowanie podane na załączonym schemacie, który wskazuje również, jakie kierunki powinny mieć siły elektromotoryczne i prądy, aby maszyny  $C$  i  $A$  wytwarzały energię, którą  $B$  zużytkowuje.

Prawa Kirchhoffa dają nam równania

$$I = i + j \quad (1)$$

$$E - \varepsilon = j r + I R \quad (2)$$

$$e = i r + I R \quad (3)$$

Dołączmy do nich warunki postawione w zadaniu, t. j.

$$I R = \frac{1}{2} E \quad (4)$$

$$\varepsilon j = e i \quad (5)$$

a otrzymamy pięć równań, z których możemy wyznaczyć  $\varepsilon$  i  $e$ , po wyrugowaniu  $i, j$  oraz  $I$ .

W tym celu dodajmy równania (2) i (3) stronami; zastąpmy

potem  $i + j$  z równania (1) przez  $I$ , i podstawmy wartość  $I$  wziętą z równania (4). Będziemy mieli

$$e - \varepsilon = E \frac{r}{2R} \quad (6)$$

Z drugiej strony podzielmy stronami równania (2) i (3), przyniósłszy uprzednio  $j$  oraz  $i$  na lewą stronę i zastąpiwszy  $IR$  przez  $E/2$ . Otrzymamy

$$\frac{j}{i} = \frac{E - 2\varepsilon}{2e - E},$$

a zauważywszy na zasadzie równania (5), że  $j/i = e/\varepsilon$ , możemy napisać

$$e(2e - E) = \varepsilon(E - 2\varepsilon). \quad (7)$$

Wstawiając w (7) wartość  $e$  znalezioną z (6), dojdziemy do równania drugiego stopnia

$$4\varepsilon^2 + 2E\left(\frac{r}{R} - 1\right)\varepsilon + E^2\frac{r}{2R}\left(\frac{r}{R} - 1\right) = 0,$$

z którego

$$\varepsilon = \frac{E}{4} \left( 1 - \frac{r}{R} + \sqrt{1 - \frac{r^2}{R^2}} \right),$$

a podstawiając tę wartość w (6)

$$e = \frac{E}{4} \left( 1 + \frac{r}{R} + \sqrt{1 - \frac{r^2}{R^2}} \right).$$

Kładąc  $E = 200$  woltom,  $r = 0,1$  oma,  $R = 1$  omowi, znajdziemy

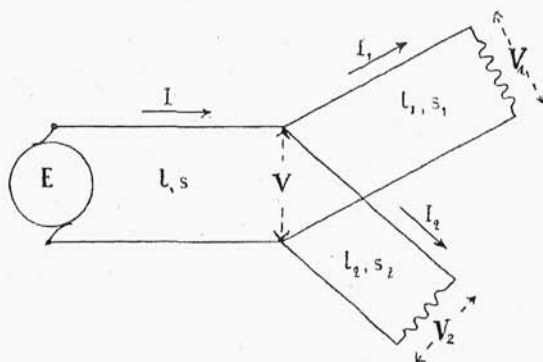
$$\varepsilon = \frac{200}{4} \left( 1 - \frac{0,1}{1} + \sqrt{1 - \frac{0,01}{1}} \right) = 94,75 \text{ woltom},$$

oraz

$$e = \frac{200}{4} \left( 1 + \frac{0,1}{1} + \sqrt{1 - \frac{0,01}{1}} \right) = 104,75 \text{ woltom}.$$

**45.** — Dwa odbieracze prądu potrzebują go: jeden o natężeniu  $I_1 = 75$  amp., drugi  $I_2 = 125$  amp., przy różnicy potencjałów wynoszącej  $V = 110$  woltom (rys. 29). Zapotrzebowanie to ma być zaspokojone przez jedną prądnicę, której opór wewnętrzny pominiemy jako wielkość małą, a której siła elektromotoryczna  $E = 120$  woltom. Linia łącząca prądnicę z miejscami zapotrzebowania jest utworzoną z dwóch głównych przewodników, które

na odległości 200 m od prądnicy rozdzielają się na dwie gałęzie, z których pierwsza o długości  $l_1 = 60$  m, a druga  $l_2 = 40$  m. Jakie winny być przekroje  $s$ ,  $s_1$  i  $s_2$  trzech poszczególnych części linii, aby objętość  $U$  zużytego metalu uczynić jaknajmniejszą?



Rys. 29.

Zadanie sprowadza się do znalezienia najmniejszości funkcji

$$U = 2ls + 2l_1s_1 + 2l_2s_2.$$

Przekroje  $s$ ,  $s_1$  i  $s_2$  zależą od różnicy potencjałów  $V$  przyjętej w punkcie rozgałęzienia się linii.

Z równań

$$I = I_1 + I_2 = \frac{E - V}{\rho \frac{2l}{s}}, \quad I_1 = \frac{V - V_1}{\rho \frac{2l_1}{s_1}}, \quad I_2 = \frac{V - V_2}{\rho \frac{2l_2}{s_2}},$$

znajdziemy

$$s = \frac{2\rho Il}{E - V}, \quad s_1 = \frac{2\rho I_1 l_1}{V - V_1}, \quad s_2 = \frac{2\rho I_2 l_2}{V - V_2},$$

podstawiając wartości te do równania pierwszego oraz zakładając  $V_1 = V_2$

$$U = \frac{4\rho Il^2}{E - V} + \frac{4\rho I_1 l_1^2}{V - V_1} + \frac{4\rho I_2 l_2^2}{V - V_1},$$

wielkość  $V$  przy której objętość  $U$  osiąga najmniejszość, określiliśmy warunkiem

$$\frac{dU}{dV} = 4\rho \left\{ Il^2 \frac{1}{(E - V)^2} - I_1 l_1^2 \frac{1}{(V - V_1)^2} - I_2 l_2^2 \frac{1}{(V - V_1)^2} \right\} = 0,$$



czyli

$$\frac{1}{(E-V)^2} I l^2 = \frac{1}{(V-V_1)^2} (I_1 l_1^2 + I_2 l_2^2),$$

dalej znajdziemy

$$\frac{E-V}{V-V_1} = \sqrt{\frac{I l^2}{I_1 l_1^2 + I_2 l_2^2}} = \sqrt{A},$$

lub

$$\frac{E-V}{E-V_1} = \frac{\sqrt{A}}{\sqrt{A}+1}; \quad \frac{V-V_1}{E-V} = \frac{1}{\sqrt{A}}; \quad \frac{V-V_1}{E-V_1} = \frac{1}{1+\sqrt{A}}.$$

Najekonomiczniejsze przekroje są więc

$$s = 2\rho (I_1 + I_2) l \frac{\sqrt{A}+1}{\sqrt{A}(E-V_1)};$$

$$s_1 = 2\rho I_1 l_1 \frac{1+\sqrt{A}}{E-V_1}; \quad s_2 = 2\rho I_2 l_2 \frac{1+\sqrt{A}}{E-V_1},$$

przytem założyliśmy

$$\sqrt{A} = \sqrt{\frac{(I_1 + I_2) l^2}{I_1 l_1^2 + I_2 l_2^2}}.$$

Kładąc:  $I_1 = 75$  amp.;  $I_2 = 125$  amp.;  $l = 20\,000$  cm;  
 $l_1 = 6000$  cm;  $l_2 = 4000$  cm;  $E = 120$  woltom;  $V_1 = 110$  woltom,  
 $\rho = 1,8 \cdot 10^{-6}$ .

$$\sqrt{A} = \sqrt{\frac{(75+125) 20\,000^2}{75 \cdot 6000^2 + 125 \cdot 4000^2}} = 4,12,$$

$$s = 2 \cdot 1,8 \cdot 10^{-6} (75 + 125) \cdot 20\,000 \frac{4,12+1}{4,12(120-110)} = 1,79 \text{ cm}^2,$$

$$s_1 = 2 \cdot 1,8 \cdot 10^{-6} \cdot 75 \cdot 6000 \frac{1+4,12}{120-110} = 0,83 \text{ cm}^2,$$

$$s_2 = 2 \cdot 1,8 \cdot 10^{-6} \cdot 125 \cdot 4000 \frac{1+4,12}{120-110} = 0,923 \text{ cm}^2.$$

**46.** — Prądnica o wzbudzaniu niezależnem, której siła elektromotoryczna  $E$  zmienia się wraz z wytwarzanym prądem  $I$  według wzoru  $E = E_0 - aI$ , gdzie  $E_0 = 500$  woltom oraz  $a = 0,5$  wolta na amper, i której twornik posiada opór  $\rho = 0,1$  oma, obsługuje sieć, zapotrzebowującą prądu ciągle wahającego się między  $I_{min} = 0$  oraz  $I_{max} = 200$  amperom. Do końcówek maszyny jest przyłączona bateria akumulatorów (tampon), której każde ogniwo rozwija siłę elektromotoryczną  $e = 2$  woltom, i wraz z połącze-

niami posiada opór  $r = 0,0015$  oma. Z ilu ogniw powinna się składać bateria, aby nie oddawać ani też nie brać prądu przy średnim zapotrzebowaniu sieci  $I_{1sr} = 70$  amp., i jaki prąd winna wytrzymać przy ładowaniu i wyładowywaniu?

Oznaczmy przez  $I_2$  natężenie prądu w akumulatorach, i uważajmy go za dodatni w czasie ładowania. Przez  $n$  szukaną ilość ogniw.

Stosując drugie prawo Kirchhoffa do obwodu, zawierającego maszynę i baterię (rys. 30), otrzymamy równanie

$$E - ne = I\rho + I_2 nr$$

lub

$$E_0 - aI - ne = I\rho + I_2 nr;$$

zastępując  $I$  równą wartością  $I_1 + I_2$ , otrzymaną z pierwszego prawa Kirchhoffa

$$E_0 - a(I_1 + I_2) - ne = (I_1 + I_2)\rho + I_2 nr,$$

z tego zaś

$$I_2 = \frac{E_0 - ne - (a + \rho)I_1}{\rho + nr + a},$$

przy  $I_1 = I_{1sr}$ , powinno być  $I_2 = 0$ . W tych warunkach równanie nasze przyjmie postać

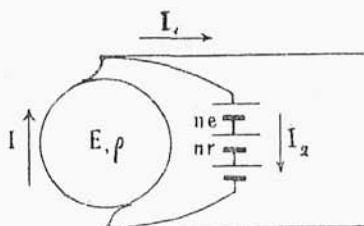
$$E_0 - ne - (a + \rho)I_{1sr} = 0,$$

ilość więc akumulatorów

$$n = \frac{E_0 - (a + \rho)I_{1sr}}{e}.$$

To samo równanie wskazuje, że  $I_2$  jest dodatnie (t. j. bateria się ładuje), gdy  $I_1 < I_{1sr}$ , i że prąd ładujący przybiera wartość największą przy  $I_1 = 0$ . Przytem wartość ta jest równą

$$I_2' = \frac{E_0 - ne}{\rho + nr + a} = \frac{(a + \rho)I_{1sr}}{\rho + nr + a}.$$



Rys. 30.

$I_2$  staje się ujemnym (t. j. bateria się wyładowuje), gdy  $I_2 > I_{1sr}$  i największy prąd ładujący odpowiada  $I_1 = I_{1max}$ . Przytem prąd ten przybiera wartość

$$I_2'' = \frac{E_0 - ne - (a + \rho) I_{1max}}{\rho + nr + a} = - \frac{(a + \rho) (I_{1max} - I_{1sr})}{\rho + nr + a}.$$

Kładąc

$$E_0 = 500 \text{ woltom}; \quad a = 0,5 \text{ wolta na amper};$$

$$e = 2 \text{ woltom}; \quad \rho = 0,1 \text{ oma}; \quad r = 0,0015 \text{ oma};$$

$$I_{1sr} = 70 \text{ amp.}; \quad I_{1max} = 200 \text{ amp.},$$

znajdziemy

$$n = \frac{500 - (0,5 + 0,1) 70}{2} = 229 \text{ ogniwo},$$

$$I_2' = \frac{(0,5 + 0,1) 70}{0,1 + 229 \cdot 0,0015 + 0,5} = 44,5 \text{ amp.},$$

$$I_2'' = - \frac{(0,5 + 0,1) (200 - 70)}{0,1 + 229 \cdot 0,0015 + 0,5} = - 82,6 \text{ amp.}$$

47. — Siła elektromotoryczna  $E_1$  dynamaszyny o wzbudzeniu niezależnem, o oporze twornika  $\rho = 0,05$  oma, nierównomiernie prowadzonej przez silnik, wychyla się okresowo o 2% ze swojej średniej wartości 105 wolt. Określić opór  $r$ , który powinna stawiać bateria, złożona z 50 akumulatorów, ustawionych w szereg i przyłączonych do maszyny w celu zmniejszenia do 0,5% zmiany natężenia prądu  $I$  wysyłanego na sieć i zasilającego lampy żarowe. Przyjmujemy, że bateria rozwija stałą siłę elektromotoryczną równą 2 woltom na każde ogniwo. Jakie są w tych warunkach największe wartości prądu ładującego, przyjmując opór sieci  $R = 1$  omowi?

Oznaczmy przez  $I_1$  prąd w tworniku dynamaszyny, przez  $E_2$  ogólną siłę elektromotoryczną baterii. Uważać będziemy prąd  $I_2$  baterii za dodatni, gdy mamy wyładowywanie.

Stosując prawa Kirchhoffa do obwodu wyobrażonego na rys. 31, otrzymamy

$$I = I_1 + I_2,$$

$$E_1 = I_1 \rho + I R,$$

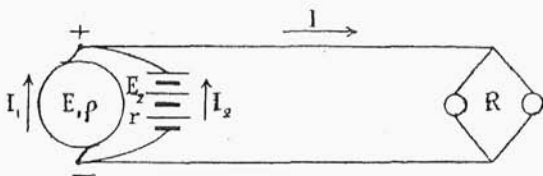
$$E_2 = I_2 r + I R,$$

z czego znajdziemy

$$I = \frac{E_1 - IR}{\rho} + \frac{E_2 - IR}{r}$$

lub

$$I = \frac{E_1 r + E_2 \rho}{\rho r + Rr + R\rho}.$$



Rys. 31.

Przyrost  $dE_1$  siły elektromotorycznej  $E_1$ , wywołuje zmianę prądu  $I$  o wartość bezwzględną

$$dI = \frac{r dE_1}{\rho r + Rr + R\rho}$$

lub

$$\frac{dI}{I} = \frac{r dE_1}{E_1 r + E_2 \rho}.$$

Rozwiązując ostatnie równanie względem  $r$ , znajdziemy

$$r = \frac{\frac{dI}{I} E_2 \rho}{dE_1 - \frac{dI}{I} E_1} = \frac{\frac{dI}{I} \cdot \frac{E_2}{E_1} \cdot \rho}{\frac{dE_1}{E_1} - \frac{dI}{I}}.$$

Aby stosunek  $dI/I$  był równy 0,005, gdy  $\frac{dE_1}{E_1} = 0,02$ , trzeba, aby

$$r = \frac{0,005 \cdot \frac{50 \cdot 2}{105} \cdot 0,05}{0,02 - 0,005} = 0,0159 \text{ oma.}$$

Aby znaleźć wyrażenie dla  $I_2$ , zastąpmy  $I$  przez jego wartość  $(E_1 r + E_2 \rho) : (\rho r + Rr + R\rho)$  w równaniu  $E_2 = I_2 r + IR$ .

$$I_2 = \frac{E_2 (R + \rho) - E_1 R}{\rho r + Rr + R\rho}.$$

Prąd  $I_2$  jest dodatnim (bateria się wyładowywuje), gdy

$E_2(R + \rho) > E_1 R$ . Największy prąd wyładowujący odpowiada najmniejszej wartości  $E_1$ , t. j.  $105(1 - 0,02) = 102,9$  woltom, i osiąga wartość

$$\frac{50 \cdot 2(1 + 0,05) - 102,9 \cdot 1}{0,05 \cdot 0,0159 + 1 \cdot 0,0159 + 1 \cdot 0,05} = 31,5 \text{ amp.}$$

Prąd baterii jest ujemny gdy  $E_1 R > E_2(R + \rho)$ . Prąd ładowający przybiera wartość największą  $E_1 = 105(1 + 0,02) = 107,1$  woltom i

$$\frac{107,1 \cdot 1 - 50 \cdot 2(1 + 0,05)}{0,05 \cdot 0,0159 + 1 \cdot 0,0159 + 1 \cdot 0,05} = 31,5 \text{ amp.}$$

W rzeczywistości, zmiany jakim podlega siła elektromotoryczna akumulatorów, która wzrasta podczas ładowania i spada podczas wyładowywania, zmniejsza największe natężenie prądu zmiennie pobieranego lub oddawanego baterii.