

ciwny. kierunkowi bieżącego ciała: mniejszy zaś, jeśli środka i bieżącego ciała jednakowy jest kierunek. Człowiek idący przeciwko wiatru, ryba przeciw wodzie płynąca, dwoiaki opór przezwyciężać muszą: *naprzód* bezwładność środka którą przemodz mają: *powtórę* bieg środka którego kierunek jest przeciwny. Jeżeli płyn środek składający i ciało bieżące jednakowym biegną kierunkiem i jednakową prędkością; na ten czas ciało bieżące nie doznaie żadnego oporu. Jeżeli zaś środek i ciało bieżące nie mają jednakowey prędkości; na ten czas to które prędzey bieży, udziela swęy prędkości temu, które ma bieg wolniejszy.

## ROZDZIAŁ VIII.

### O Machinach.

#### § 26. O Machinach prostych.

250. **W**szelkie narzędzie sprawujące ulżenie siły, albo skracające czas w podnoszeniu ciężarów nazywa się machiną. W machinach uważać tylko będziemy równowagę siły z ciężarem: czasem ciężar wyrażać będzie siłę.

251. *Wykład wagi.* Niech będzie linia prosta AB (Oddział II. Tablica I. Figura 7) ięý środek S. naznaczmy na téy linii punkta iednakowo odległe od ięý środka np. A i B, C i D. Jeżeli ta linia obracając się koło swego środ-

ka weźmie położenie linii  $ba$ , tedy punkta na nięć naznaczone obiegna łuki podobne  $Aa$ ,  $Ee$ ,  $Dd$ ,  $Bb$ . Te łuki mają się iak ich promienie  $np$ .  $Aa:Dd=AS:DS$ . Te łuki są to drogi przebieżone od punktów na linii naznaczonych, a ich promienie są odległości tychże punktów od środka  $S$ . A zatem tak się mają drogi przebieżone od punktów naznaczonych na linii, iak odległości punktów od środka  $S$ .

Nazwiemy drogi przebieżone od punktów:  $D, d$ , odległości tychże punktów od środka  $O. o$ . będzie  $D:d=O:o$ .

Te drogi są przebieżone w jednakowym czasie, więc mają się iak prędkości (221)  
to jest,  $D:d=P:p$ .

A zatem z tych dwu proporcyy wypada następująca:

$$P:p=O:o.$$

To jest: prędkości bieżących punktów na linii obracających się koło swego środka, mają się iak odległości tychże punktów od środka.

Zawieśmy w punkcie  $A$  (*Oddział II. Tablica I. Figura 8*) ciężar wążący funtów 6, którego odległość od środka  $S$  jest 4 części równych: a na drugiey stronie linii w punkcie  $B$  zawieśmy w takięży odległości od środka podobnie 6 funtów. Ciało przy  $A$  będąc ciężkiem usiłuje dążyć ku ziemi kierunkiem pionowym  $A6$ , a tém samym pociąga ciało  $B$  do góry: i nawzajem ciało przy  $B$  dla swoiey ciężkości pociąga w górę ciało  $A$ : czyli, dwa te ciała wzajemnie na siebie siły wywierają. Siła znajduje się mnożąc masę przez prędkość (224), a tu pokazaliśmy dopiero że prędkości tak się mają iak odległości; więc w tym razie znajdziemy siły ciał zawieszonych, mnożąc ich masy przez ich odległości od środka  $S$ . A że masy i odległości od środka są równe;



więc i siły będą równe: te zaś siły będąc równe i wprost sobie przeciwne, wzajemnie się zniszczą, i ciała zostaną w spoczynku, czyli będzie równowaga.

252. *Pierwszy więc przypadek równowagi jest w ten czas, kiedy ciała są jednakowey massy i zawieszone w równey odległości od środka.*

253. Zawieśmy znówu na iednėy stronie tےż linii przy B w odległości od iey środka 4, masę wazącą funtów 6 a na drugiėy stronie w odległości od środka 3 masę wazącą funtów 8 będzie także równowaga. Bo iloczyn z massy 6 przez iey odległość od środka 4, równy jest iloczynowi z massy 8 przez iey odległość od środka 3.

$$\text{czyli } 6 \times 4 = 8 \times 3$$

$$\text{A zatem } 6 : 8 = 3 : 4.$$

To jest massa pierwszego ciała ma się do massy drugiego, iak odległość od środka drugiego ciała, do odległości od środka pierwszego: czyli massy są w stosunku odwrotnym swych odległości od środka.

254. *Drugi więc przypadek równowagi jest w ten czas, kiedy massa mnieysza zawiesz się w odległości od środka tyle razy większėy ile razy jest mnieysza od większėy massy: czyli, gdy massy są w stosunku odwrotnym swych odległości od środka.*

255. Linia AB (Figura 8) podzielona na części równe wystawnie wagę powszechnie znaiome narzędzie. Linie AS, BS są ramiona wagi. Punkt S zbiorem ciężaru ciał zawieszonych, lub środkiem ich ciężkości: bo przez utrzymanie tego punktu, nie spadają ciała na ziemię dla swojej ciężkości, czyli utrzymują się w spoczynku na ramionach wagi.

A iako dwóch ciał wiszących na ramionach wagi AB uważamy zbiór ciężaru, czyli spólny środek ciężkości w punkcie S; tak też każde ciało ma swój punkt czyli środek ciężkości, około którego wszystkie jego cząstki utrzymują się na równy wadze. Zbiór ciężaru czyli środek ciężkości ciała, rzadko kiedy przypada w środku jego wielkości: do tego potrzeba aby ciało było jednorodne to jest złożone z jednakowych cząstek i figury foremnej: np. kuli jednorodnej środek ciężkości i środek wielkości w jednym punkcie znajdować się będzie. W innych ciałach nieregularnych, dwa te środki nie na jeden punkt przypadną.

Gdy środek ciężkości nie jest utrzymany, ciało spada kierunkiem pionowym. Lecz kiedy ten kierunek przechodzi przez punkt na którym się ciało wspiera, na ten czas zostanie w spoczynku, to jest, gdy kierunek ciężkości przypada na podstawę na której ciało stoi: Stąd wnosimy, iż te ciała trudniej jest ustawić do równowagi, które bardzo małą mają podstawę. I tak kula położona na płaszczyźnie pochylej, stoczy się na ziemię: bo dotykając się płaszczyzny jednym punktem, kierunek ię ciężkości łatwo wybacza z tego punktu podpory: przeciwnie bryła inna na téż płaszczyźnie położona, może na nię spoczywać, jeżeli kierunek ię ciężkości nie wypada z podstawy. Dla tego to młode zwierzęta nie tak łatwo padają iak małe dzieci: bo podstawa dziecięcia jest nie wielka, więc gdy się pochyli, na ten czas kierunek jego ciężkości nie przechodzi przez podstawę. Przeciwnie zwierzęta ze czterema nogami, wielki płac zajmują, przeto gdy iedną nogę podniosą, jeszcze iednak kierunek znajduje się w podstawie. Tańcujący na linie, dla utrzymania kierunku ciężkości w swęj podstawie, rozmaite położenia swoim człon-



kom nadaie. Człowiek na górę wstępując, ku nię się nachyla: przeciwnie z nię schodząc, w tył się wypręża. Toż sądzić o człowieku dźwigającym ciężar na plecach, lub przed sobą. Budynków długoletność stąd pochodzi że kierunek ich środka ciężkości wpada w podstawę na której stoją. I tak wieże Pizańska i Bonońska, chociaż są pochylone do ziemi, i zdają się grozić upadkiem, wszelako bezpiecznie stoją. Wieża Pizańska jest okrągła, wysoka prawie na 138 stóp, a na 15 stóp od pionu pochyla. Wieża Bonońska jest kwadratowa, wysoka na 130 stóp, a na 9 stóp od pionu pochylona. Tak to biegły Architekt potrafił ułożyć ich części, iż, mimo znacznego pochylenia, kierunek ich ciężkości wpada w podstawę (a).

(a) Prawidła podług których znajdują się środki ciężkości różnych ciał.

Znalezienie środka ciężkości w iednym lub w kilku ciałach, jest bardzo ważną rzeczą w wielu okolicznościach: przeto poznamy prawidła, podług których dochodzić go można.

I. Niech będą dwa ciała iednorodne *A* i *B* (Oddział II. Tablica I. Figura 9) przez ich środki ciężkości poprowadźmy linią prostą *AB*. Jeżeli massy tych dwóch ciał są sobie równe; na ten czas spólny ich środek ciężkości będzie we środku linii *AB* to jest w punkcie *S*. (251). *A* zatem będzie:

$$A : B = BS : AS.$$

Stąd  $A + B : A = BS + AS : BS.$

II. To jest: aby znaleźć spólny środek ciężkości dwóch ciał, trzeba rozmnożyć iednego massę przez odległość szczególnych środków

256. Na czem zależy dokładność wagi? Aby waga była doskonała, powinna być bardzo ruchoma w punkcie E (Oddział II. Tablica I. Figura 15) tak dalece, aby za przydaniem nay-

od siebie, i ten iloczyn podzielić przez sumę mass. Dajmy że ciężary są nierówne np.  $A=12$ ,  $B=4$ ,  $AB=24$ . będzie  $BS=$   

$$\frac{24 \times 12}{12 + 4} = 18$$
. To jest, kiedy odległość AB szczególnych środków ciężkości jest 24 części równych, na ten czas spólny środek ciężkości przypadnie na część 18 ze strony B: gdyby zaś massy były równe; środek ciężkości przypadałby na część 12 czyli na połowę linii AB.

Ponieważ  $B:A=AS:BS$  (254).

$$A \text{ zatem } B = \frac{A \times AS}{BS}$$

Niech  $A=12$ ,  $BS=18$ ,  $AS=6$ . będzie

$$B = \frac{12 \times 6}{18} = 4.$$

III. To jest: mając wiadomą jedną masę, odległość od siebie szczególnych środków ciężkości i spólny środek ciężkości dwóch mass; można wyznaczyć drugą masę.

Znajdźmy teraz spólny środek ciężkości kilku ciał. Na linii AB (Oddział II. Tablica I. Figura 10) zawieśmy cztery ciała a, b, c, d. Gdzie będzie spólny ich środek ciężkości? Podług II. szukamy środka ciężkości ciał a i b, który niech przypada w punkcie F: wystawmy sobie że w tym punkcie F zawieszony jest ciężar równy sumie mass  $a+b$ . i między tym ciężarem i masą c



mniejszego ciężaru na jedno ięć ramie, równowaga się psuła. To wahanie się ramion wagi EC, EB, tém bardzięć się powiększy, im mnięć będą się tarły ramiona w punkcie E. Mnięćsze zaś bę-

szukamy spólnego środka ciężkości, który niech będzie w punkcie G. Nakoniec wystawmy sobie że w punkcie G zawieszony iest ciężar równy summie ciężarów  $a+b+c$  i między tym ciężarem a masą d znalazłszy spólny środek ciężkości w punkcie H, ten będzie środkiem ciężkości szukany.

IV. Znaleźć środek ciężkości Tróćkątą ABC (Oddział II. Tablica I. Figura 11). Podzielmy bok tróćkątą CB na dwie równe części w punkcie E, i poprowadźmy linią prostą AE, punkt E iest środkiem ciężkości linii CB (252). Linią zaś AE przechodzącą przez środek ciężkości linii CB, będzie oraz przechodziła przez środek ciężkości wszelkich linii równoodległych od CB a zakończonych bokami tróćkątą AC, AB, czyli środek ciężkości tróćkątą ACB będzie się znajdował na linii AE. Podzielmy drugi bok tróćkątą AB na dwie równe części w punkcie D, i poprowadźmy linią prostą DC, ta podobnież przechodzi przez środek ciężkości wszelkich linii równoodległych od AB, czyli środek ciężkości tróćkątą znajduje się na linii DC, a zatem iest w punkcie F w przecięciu linii DC i AE.

Z punktu E poprowadźmy EG równoodległą od AB. Dla podobieństwa tróćkątów CEG, CBD, linią EG iest połową linii BD albo AD. Potém dla podobieństwa tróćkątów DAF, EGF, iest  $AD:EG = AF:FE$ . Ale

dzie tarcie gdy ramiona wagi w punkcie E ostrą się wspierają, iak bywa pospolicie. Powiększa się także znacznie wahanie się ramion, jeżeli ich środek ciężkości i punkt wsparcia czyli środek

linia  $AD$  dwa razy jest tak wielką iak  $EG$ ; więc  $AF$  dwa razy jest tak wielką iak  $FE$ , a zatem  $AF$  ma takich części 2, iakich  $AE$  ma 3, czyli  $AF = \frac{2}{3} AE$ . Podobnym sposobem okazać można że  $CF = \frac{2}{3} CD$ .

*A* zatem środek ciężkości trójkąta znajdziemy, prowadząc linią od wierzchołka któregokolwiek kąta do środka boku leżącego naprzeciw temu kątowi: odległość środka ciężkości od tego wierzchołka będzie  $\frac{2}{3}$  tej linii: to ie t środek ciężkości trójkąta, przypada na środek iego wielkości.

Podobnym sposobem znajdziemy środek ciężkości wielokąta foremnego, wyznaczyszy środek iego wielkości.

*V.* Znaleźć środek ciężkości równoległocianu  $ADEG$  (Oddział II. Tablica I. Figura 12). Poprowadźmy w równoległoboku  $ABCD$  dwie przekątne  $AD$ ,  $CB$ , punkt  $I$  w którym się przecinają przekątne jest środkiem ciężkości równoległoboku. Dla teyże przyczyny punkt  $K$  jest środkiem ciężkości równoległoboku  $HGFE$ . Poprowadźmy płaszczyzny  $BCFH$ ,  $ADEG$ . Każda z nich dzieli równoległocian na dwie części równe, a zatem każda przechodzi przez środek iego ciężkości: więc w środku ich przecięcia  $IK$  będzie środek ciężkości równoległocianu.

Takimże sposobem można wyznaczyć środek ciężkości graniastostupów i walców, biorąc



wahania się na iedenże punkt przypadają. Bo w takim razie zawsze będzie równowaga, iakieżkolwiek ramiona wezmą położenie, czy to poziome czy nachylone. Tak np. gdy środek ciężkości

połowę linii prostey łączący środki ścian przeciwnych.

**VI.** Znaleźć środek ciężkości ostrosłupa. Niech będzie ostrosłup  $SABC$  (Oddział II. Tablica I. Figura 13) którego podstawa jest trójkąt  $ABC$ . Szukamy naprzód środka ciężkości podstawy ostrosłupa  $ABC$ . Prowadźmy linią prostą  $AD$  od wierzchołka kąta  $A$  do punktu  $D$ , to jest środka  $BC$ . Na linii  $AD$  weźmy  $AF = \frac{2}{3} AD$ , punkt  $F$  będzie środkiem ciężkości trójkąta  $ABC$  według IV prawidła. Od tego punktu poprowadźmy linią prostą  $FS$  do wierzchołka ostrosłupa. Linią  $FS$  idącą przez środek ciężkości płaszczyzny  $ABC$ , idzie oraz przez środek ciężkości wszystkich płaszczyzn równoodległych od podstawy  $ABC$ , a zatem idzie przez środek ciężkości ostrosłupa  $SABC$ . Szukamy powtórę środka ciężkości trójkąta  $BSC$ . Prowadźmy linią  $SD$  do środka  $BC$ , i weźmy  $SE = \frac{2}{3} SD$ , punkt  $E$  będzie środkiem ciężkości płaszczyzny  $BSC$ , a zaś linią  $AE$  będzie przechodziła przez środek ciężkości ostrosłupa. A więc punkt  $G$  w którym przecinają się dwie linie  $SF$ ,  $AE$  jest środkiem ciężkości ostrosłupa  $SABC$ .

Poprowadźmy linią prostą  $FE$ . Ponieważ linia  $DF = \frac{1}{3} AD$  i  $DE = \frac{1}{3} DS$ ; a zatem trójkąty  $FDE$ ,  $ADS$  są sobie podobne:

ramion i środek ich wahania się jest w punkcie E; na ten czas jeżeli ciężary równe M i D położymy na talerzach; zawsze będzie  $M \times CE = D \times BE$  (252) czyli zawsze będzie równowaga,

więc FE jest równoodległa od AS, a zatem  $FE = \frac{1}{3} AS$ .

Znowu trójkąty FGE, SGA są podobne, a zatem  $FE : AS = FG : SG$ , a że  $FE = \frac{1}{3} AS$ , więc  $FG = \frac{1}{3} SG$ : a zatem SG ma takich części 3, iakich SF ma 4 czyli  $SG = \frac{3}{4} SF$ . A zatem, aby znaleźć środek ciężkości ostrosłupa, którego podstawa jest trójkąt, trzeba naprzód znaleźć środek ciężkości podstawy: potem od tego punktu poprowadzić linią prostą do wierzchołka ostrosłupa: będzie odległość środka ciężkości ostrosłupa od jego wierzchołka równa  $\frac{3}{4}$  téj linii.

Podobnie znaleźć można środek ciężkości ostrosłupa mającego za podstawę iakikolwiek wielokąt np. pięciokąt. Poprowadźmy w tym pięciokacie dwie przekątne od wierzchołka iakiegokolwiek kąta: podzieli się przez to pięciokąt na trzy trójkąty, które możemy uważać za podstawy trzech ostrosłupów schodzących się w iednym punkcie i składających podany ostrosłup. Znajdźmy środek ciężkości pięciokąta według prawidła IV. i od tego punktu do wierzchołka ostrosłupa poprowadźmy linią prostą: weźmy na nięj punkt odległy od wierzchołka na  $\frac{3}{4}$  całej linii: przez ten punkt poprowadźmy płaszczyznę równoodległą od podstawy ostrosłupa, ta przechodzić będzie przez środek ciężkości trzech ostrosłupów, których podstawami są trójkąty: a zatem przecho-



jakiejkolwiek będą długości sznurki do których są przywiązane talerze z ciężarami, byle iednakowo ważyły: bo iż kierunek ciężkości jest pionowy; więc ciężary *M* i *D* leżące na talerzach,

dzi także przez środek ciężkości ostrosłupa którego podstawą jest pięciokąt. Więc od środka ciężkości podstawy jakiegokolwiek ostrosłupa poprowadziwszy do jego wierzchołka linią prostą, wziąć tę linię  $\frac{3}{4}$  części, a wyznaczy się środek ciężkości ostrosłupa. Stąd wypada że i ostrokągu środek ciężkości jest odległy od jego wierzchołka na  $\frac{3}{4}$  osi.

**VII.** Znaleźć środek ciężkości półkuli. Niech będzie *AB* (Oddział II. Tablica I. Figura 14) średnica półkuli *AIB* i walca na nię opisanego *ABDE*, a zaś linia *ED* równa *AB* niech będzie średnica ostrokągu *CDE*. Według poprzedzającego prawidła środek ciężkości ostrokągu *CDE* będzie w punkcie *F* odległym od *C* na  $\frac{3}{4}$  linii *CI*, a według piętego prawidła, środek ciężkości walca *ABDE* będzie w punkcie *H* odległym od *C* na  $\frac{1}{2}$  linii *CI*. Ponieważ tedy  $CF = \frac{3}{4} CI$ , a zaś  $CH = \frac{1}{2} CI$ ; więc  $FH = CF - CH = \frac{3}{4} - \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$ , to jest  $FH = \frac{1}{4} CI$ . Ponieważ masa walca *ABDE* równa jest summie mass półkuli *AIB*, i ostrokągu *CED*; więc punkt *H* to jest środek ciężkości walca możemy uważać za spółny środek ciężkości półkuli i ostrokągu, a punkt *F* za środek ciężkości samego ostrokągu. A zatem massy te są w stosunku odwrotnym swych odległości od spółnego środka (254): to jest, masa półkuli tak się ma do massy ostrokągu jak *FH* odległość ostrokągu od spółnego środka.

tak działają na siebie, jak gdyby były w punktach C i B. Jeśli ramiona takiej wagi weźmą położenie linii *bc*, wtedy kierunki ciężkości ciał leżących na talerzach będą *cm*, *bd* i ciało M będzie w punkcie *m*, a ciało D będzie w punkcie *d* i te ciała tak będą działały na siebie, jak gdyby były w punktach *o* i *n*, które to punkta ponieważ są jednakowo odległe od środka ciężkości E, więc będzie równowaga. Ale że prawie ustawiczne i prędkie ich wahanie się wymaga długiego czasu i wielkiej pilności w ważeniu ciężarów; przeto dla wygody, robią pospolicie takie wagi, w których środek ciężkości ramion jest niżej pun-

ciężkości, do odległości półkuli od tegoż środka, która będzie *GH*.

A zatem środek ciężkości półkuli, będzie w punkcie *G*. A że masa półkuli *ABI* jest dwa razy większa od masy ostrokągu *CED*; więc *FH* odległość ostrokągu od wspólnego środka ciężkości, jest dwa razy większa od tegoż środka, to jest  $GH = \frac{1}{2} FH$ , że zaś  $FH = \frac{1}{4} CI$ , więc  $GH = \frac{1}{8} CI$ . Potem  $CG = CH - GH = \frac{1}{2} CI - \frac{1}{8} CI = \frac{3}{8} CI$ .

To jest środek ciężkości półkuli odległy jest od środka kuli na  $\frac{3}{8}$  promienia.

Można wyznaczyć mechanicznie środek ciężkości ciała następującym sposobem. Położywszy ciało na drzewie, albo metalu trójkątnym naprzód wzdłuż potem w szerz, trzeba w pierwszym i w drugim razie póty posuwać w tę i w ową stronę, póki nie będzie równowaga, i na miejscach wsparcia kreski pociągnąć: punkt w którym się owe kreski przecinały wyznaczy środek ciężkości tego ciała.



ktu ich wsparcia, czyli środka wahaniasię. Takie ułożenie wagi jest w ten czas tylko dokładne kiedy ięć ramiona mają położenie horyzontalne, w innym zaś położeniu ramion niedokładność wagi okaże się. Niech *np.* trójkąt ASB (*Oddział II. Tablica I. Figura 16*) oznacza wagę w której punkt S jest środkiem wahaniasię ięć ramion, a punkt C jest ich środkiem ciężkości. Poprowadźmy linią SC. W odległościach równych od środka wahaniasię S to jest AS, BS zawieśmy ciężary równe P, M. Jeżeli położenie ramion wagi jest horyzontalne, siły ciał zawieszonych będą równe: to jest będzie  $P \times AS = M \times BS$  (252) i cała wiszące P, M można uważać jak gdyby leżały na punktach A, B. Ale jeśli ramiona wagi wezmą położenie linii *ab.* na ten czas ciało M będzie w punkcie *m*, a ciało P w punkcie *p*. Przez środek wahaniasię S poprowadźmy linią r S w równoodległą od AB i spotykającą kierunki ciężkości ciał w punktach r, w. Oczywiście jest że odległość ciała *m* od środka wahaniasię jest większa od odległości ciała *p* w punkcie w uważanego od tegoż środka. Takie jednak urządzenie wagi, bynajmniej nie omyli jeśli ramiona mają położenie horyzontalne. Dla tego w środku wahaniasię S (*Figura 17*) daie się skazownik D prostopadły do ramion wagi: podług niego można poznać czyli ramiona SA, SB mają położenie horyzontalne.

Dokładność wagi zależy także od długości ramion, których jednak grubość stosować potrzeba do ciężarów jakie ważyć mamy.

Pospolicie na końcach ramion wagi są kółka do których przywiązują się sznurki z talerzami, co żadnego uchybienia nie sprawi jeżeli środku tych kółek i środek wahaniasię ramion czynią linią prostą.

Czasem ramiona fałszywéy wagi będą w położeniu horyzontalném, a to w ten czas się trafi, kiedy iedno ramie będzie krótsze od drugiego, ale równéy massy. Aby się przekonać o téy niedokładności; trzeba naprzód klasć na obadwa talerze tyle ciężarów aby stanęła równowaga; a potém przelożyć ciężary z iednego talerza na drugi. Jeżeli waga iest fałszywa, ramiona iéy nie będą miały położenia horyzontalnego po przelożeniu ciężarów: bo równowaga w pierwszym razie stąd pochodziła iż ramie krótsze obciążone było większą massą (254) a ramie dłuższe mnieyszą: więc po przelożeniu ciężarów równowaga się zepsuie.

257. *Przemian czyli Waga Rzymska*  
(statera).

Ważą się czasem ciężary Przemianem, który tém się różni od pospolitey wagi iż iego ramiona są nierówne. (Oddział II. Tablica I. Figura 18 Prima). Talerz T iest na krótszém ramieniu: podpora czyli środek wahania się ramion iest w punkcie p. Ciężarek zaś W wiesza się na ramieniu dłuższém, podzieloném na części tym sposobem: Na talerzu T położywszy np. funt i. ciężarek W póty posuwaią póki nie będzie równowaga. To miejsce ciężarku W na ramieniu znaczą liczbą 1. kładąc potém pojedynczo na talerzu T funtów 2, 3, 4, 5 i t. d. znaczą też same liczby na dłuższém ramieniu przecz posuwanie ciężarku W aż do równowagi. Figura 18 Secun: wystawia przemian bardzo pospolity. Na iednym końcu iest waga W. na drugim z haku C wieszaia towar: podpore P tu i owdzie przesuwaią, póki towar na haku C zawieszony nie stanie do równowagi z ciężarem W.



258. *Drag* (*vectis*). Najlepszy jest sposób dochodzenia prawdy, postępować od wiadomej rzeczy do niewiadomej. Teorya wagi którą znamy, posłużyć nam może do wytłumaczenia skutków wszelkich innych machin. I tak, *drag* którego używają do podnoszenia ciężarów nie co innego jest tylko waga.

*Drag* wyrażony linią *SC* (*Oddział II. Tablica II. Figura 19*) i wspierający się na podpore *P*, jest toż samo co waga w punkcie *P* zawieszona. Przeto cośmy powiedzieli o wadze, to samo do *draga* przystosować możemy. Jako w wadze uważaliśmy punkt iey podpory czyli środek wahaniasię, i ciężary na iey ramionach; tak i w *dragu* uważać będziemy podporę i ciężary na końcach *draga*, z których ciężarów jeden zwać będziemy ciężarem a drugi nazwiemy siłą. Lecz w *dragu* rozmaite miejsce być może dla podpory, ciężaru i siły; stąd będą trzy gatunki *draga*.

I. Jeżeli podpora jest między ciężarem i siłą, będzie *drag* pierwszego gatunku.

II. Jeżeli ciężar jest między siłą i podporą, będzie *drag* drugiego gatunku.

III. Jeżeli siła jest między ciężarem i podporą, będzie *drag* trzeciego gatunku. Ponieważ *drag* jest toż samo co waga; więc w każdym gatunku *draga*, tak się ma siła do ciężaru, jak odległość ciężaru od podpory do odległości siły od podpory, czyli siła i ciężar są w stosunku odwrotnym swych odległości od środka.

Zastanówmy się w szczególności nad każdym gatunkiem *draga*.

259. W *dragu* pierwszego gatunku (*Oddział II. Tablica II. Figura 19*) niech linia *SP* oznaczająca odległość siły od podpory będzie

lokei 3. siła  $S$  funtów 6, ciężar  $C$  funtów 6, odległość jego od podpory lokei 3. będzie  $S \times SP = C \times CP$  czyli  $6 \times 3 = 6 \times 3$ : to jest, w drągu pierwszego gatunku, gdy podpora przypada na jego środek, na ten czas ciężar równy jest sile. Jeśli drąg  $SC$  weźmie położenie linii  $sc$ , łuk  $Ss$  będzie równy łukowi  $Cc$ . to jest drogi przebieżone od siły i ciężaru są równe.

Jeżeli podpora bliżej jest siły (*Figura 20*) np. odległość siły od podpory czyli  $SP = 3$  lokei, odległość ciężaru od podpory czyli  $CP = 9$  lokei, Siła  $S = 6$  funt: Ciężar  $C = 2$  funty, będzie  $S \times SP = C \times CP$  czyli  $6 \times 3 = 2 \times 9$ : lecz łuk  $Cc$  jest większy od łuku  $Ss$ : to jest: gdy podpora bliżej jest siły, na ten czas droga przebieżona od ciężaru jest większa od drogi, którą siła przebiega, ale za to siła większa być powinna aniżeli ciężar.

Będzie zaś przeciwnie, jeśli weźmiemy ciężar za siłę, a siłę za ciężar, a zatem im bardziej powiększa się siła przez swą odległość od podpory, tem większą drogę przebiega aniżeli ciężar.

260. W drągu drugiego gatunku (*Oddział II. Tablica II. Figura 21*) mech będzie siła w punkcie  $S$ . Ciężar  $C$ , podpora  $P$ . W takim drągu odległość siły od podpory, zawsze jest cała długość drąga, a zaś odległość ciężaru od podpory jest tylko jego część. A zatem im bliżej jest ciężar  $C$  podpory  $P$ , tem łatwiej go siła podnieść, ale nie wysoko. Bo jeśli siła przebieży łuk  $Ss$  tedy ciężar w tym samym czasie przebieży łuk  $Cc$  tem mniejszy, im bliżej jest ciężar podpory. Przeto takiego gatunku drąga używają pospolicie do podnoszenia ciężarów wielkich, ale nie wysoko.

261. W drągu trzeciego gatunku (*Oddział II. Tablica II. Figura 22*) mech będzie siła w punkcie



punkcie S, ciężar C na jednym końcu drąga, a podpora P na drugim. W takim drągu odległością ciężaru od podpory, zawsze jest cały drąg CP. a zaś odległość siły od podpory, jest tylko część drąga CP. A zatem siła większa bydl powinna aniżeli ciężar: lecz droga przebieżona od ciężaru w jednymże czasie, jest większa od drogi przebieżonej od siły. To zyskowanie czasu jest przyczyną iż drąg trzeciego gatunku używają do podnoszenia lekkich ciężarów na znaczną wysokość: iako to gdy snopki lub siano z wozów składają: widelce, łyżki, ręce ludzkie podnoszące ciężary i t. d. należą do gatunku drąga trzeciego.

Częste jest używanie drągów. Tak np. robotnicy mając podnosić wielki ciężar, biorą się do pierwszego lub drugiego gatunku drąga: ten zasadziwszy pod ciężar, jeżeli ramie jego dłuższe na dół przyginają; używają drąga gatunku pierwszego: jeśli zaś jego ramie do góry podnoszą, używają drąga gatunku drugiego. Różne narzędzia których używają ludzie dla ulżenia siły, należą do gatunku drąga albo pierwszego, albo drugiego, iako to: nożyczki, wiosła na statkach, drygawki na tratwach, żorawie u studzien i t. p.

262. Używając drąga któregokolwiek gatunku, szczególniej mamy wzgląd na podpore i na odległość od nię siły i ciężaru. Że zaś wszelkie maszyny o których mówić będziemy, należą do gatunków drągów, więc aby w nich poznać podpore, trzeba uważać punkt, koło którego maszyna biega, a ten będzie podporą. Od nię poprowadziwszy linią prostopadłą do kierunku siły; ta oznaczy odległość ię od podpory: poprowadziwszy zaś prostopadłą od podpory do kierunku ciężaru, wyznaczy się jego odległość od podpory. I tak np. niech będzie (*Oddział II.*

*Tablica II. Figura 23*) drąg krzywy  $SPC$ , którego podpora w punkcie  $P$ , kierunek ciężaru  $Cc$ , a zaś kierunek siły  $Ss$ . Od podpory  $P$  poprowadziwszy prostopadłe  $Ps$ ,  $Pc$  do kierunków siły i ciężaru; możemy brać drąg prosty  $cPs$  za drąg krzywy  $CPS$ .

263. *Koło na walcu* (*Axis in peritrochio*). Do wznoszenia ciężarów na znaczną wysokość używają koła na walcu: którego są takie części. (*Oddział II. Tablica II. Figura 24*). Walec  $BTD$  i koło  $Rr$  na nim osadzone. Siła jest na okręgu koła  $Rr$ , ciężar zaś uciepiony jest na sznurze  $Cc$  wciągym się na walcu. A zatem, gdy siła obejdzie okrąg koła  $Rr$ , ciężar obejdzie w tym samym czasie okrąg walca  $CTBD$ , czyli podniesie się na wysokość równą obwodowi walca. Ta machina należy do drąga pierwszego lub drugiego gatunku. Niech będzie (*Oddział II. Tablica II. Figura 25*) koło i walec w poprzecz przecięte iak wystawia figura. Przecięcie walca jest  $ghM$ , drążki  $Pp$ ,  $Ss$ , w walcu utwierdzone, wyrażają średnicę koła osadzonego na walcu, punkt  $h$  przez który oś walca przechodzi jest podporą. Dajmy że siła jest na  $P$ , ciężar na sznurze  $gG$ , tedy odległość siły od podpory będzie  $Ph$ ; odległość zaś ciężaru od podpory będzie  $gh$ , a zatem gdy siła ciągnie drążek  $Ph$  na dół; wtedy koło na walcu jest drągiem pierwszego gatunku (258. I.) Jeśli zaś siła znajduje się w punkcie  $p$ , ciężar zawsze będzie w punkcie  $g$ , na ten czas siła podnosi drążek  $ph$  do góry, i w tym razie koło na walcu jest drągiem drugiego gatunku (258 II). A zatem w obudwu razach, tak się ma siła do ciężaru, iak odległość ciężaru od podpory do odległości siły od podpory; czyli: tak się ma siła do ciężaru iak promień walca do promienia koła które drążek przebiega.



Ponieważ siła zawsze jest na kole, a ciężar na walcu; przeto gdy siła koło raz obróci; ciężar w tym samym czasie będzie tak wysoko podniesiony albo niższy, iak jest wielki okrąg walca. Więc obwody koła i walca są drogi przebieżone od siły i ciężaru w jednymże czasie. A zatem w téj maszynie tak się ma prędkość siły do prędkości ciężaru iak obwód koła do obwodu walca (221).

Położenie koła na walcu może być dwojakie: 1. Albo koło jest pionowe a walec horyzontalny; na ten czas ciężar wznosi się lub opada pionowo: iak np. gdy tą maszyną wodę ze studni ciągną. 2. Albo koło jest horyzontalne a walec pionowy; na ten czas ciężar idzie kierunkiem horyzontalnym: takiego sposobu używają do obracania wiatraków; przyciągania z wody do lądu statków; tratów i t. p. W obu dwu razach jednakowy jest stosunek siły do ciężaru w kole na walcu.

264. *Krążek czyli Blok (trochlea).* Krążek czyli Blok, jest talerzyk okrągły drewniany lub metalowy po wierzchu wydrążony, aby w tém wydrążeniu sznur utrzymywał się; Blok obraca się na walcu czyli na swéj osi.

Jeżeli blok z swoją osadą nie podnosi się w górę ani opada na dół, tylko obraca się około swéj osi, na ten czas zowie się nieruchomym.

Gdy zaś blok z swoją osadą wznosi się w górę lub opada na dół, w ten czas nazywa się blokiem ruchomym.

265. Co do bloku nieruchomego: (*OdZIAŁ II. Tablica II. Figura 26*). Niech będzie blok CA nieruchomy, przepuśćmy przez niego sznur SCAM i u jego końców zawieśmy ciężary równe S, M, z których jeden S nazwiemy siłą, a M nazwiemy ciężarem. Od podpory P poprowadź

dziwszy prostopadle do kierunków siły i ciężaru, te będą  $PC$ ,  $PA$  równe sobie, iako promienie koła. Więc blok nieruchomy należy do drąga gatunku pierwszego w którym podpora jest w samym środku: a zatem siła równa się ciężarowi, więc w jednakowym czasie równą drogę przebiegaia i siła i ciężar: a tém sam czasem nie skraca. Wygodny jest taki blok 1. iż tarcie sznurummiejsza, bo ten zmyka się po wydrążeniu bloka. 2. Czyni dogodne położenie dla siły, bo ta ciągnąc na dół podnosi tém samym ciężar w górę.

266. Co do bloku ruchomego (*Oddział II. Tablica II. Figura 27. 28.* Podpora w tym bloku jest  $p$  albo  $P$ : więc odległość ciężaru  $W$  od podpory, będzie prostopadła od podpory poprowadzona do kierunku ciężaru, to jest będzie  $PC$  promień bloku: od téż podpory  $P$  poprowadziwszy prostopadłą  $PA$  do kierunku siły, ta będzie równa średnicy bloku. A zatem blok ruchomy należy do drąga gatunku drugiego (258 II.) w którym ciężar jest na połowie drąga. A zatem: w Bloku ruchomym tak się ma siła do ciężaru iak 1:2, czyli iak promień bloku do jego średnicy.

267. *Równia pochyła (Planum inclinatum).* Często siła utrzymuje ciężar, albo go porusza po płaszczyźnie pochyłonej czyli równi pochyłej: iako to np. konie ciągną wóz pod górę, robotnicy po dwóch drzewach z ukosa położonych inne drzewa do góry posuwają, podobnie zataczają po płaszczyznach pochyłych ogromne massy kamieni do znacznych wysokości i t. p.

Równię pochyłą wystawia *Oddział II. Tablica II. Figura 29.* Płaszczyzna  $AC$  zowie się długością równi pochyłej,  $BC$  iey podstawą, a



zaś od  $A$  spuszczonej prostopadła  $Am$  do podstawy okazuje wysokość równi pochyłej.

Sila dwojako może utrzymywać ciężar na równi pochyłej 1. równoodległe od ięć długości 2. równoodległe od ięć podstawy.

Co do pierwszego przypadku: Niech na desce gładkiej  $CA$  (Figura 29.) leży wałek okrągły mający czopki  $a, b$  od których idą dwa sznurki równoodległe od deski  $AC$ , przepuszczone przez bloczki nieruchome przy  $A$  będące: na końcach tych sznurków wiszą dwa ciężarki  $D, d$  wążące razem tyle ile połowa wałka  $ab$ . Jeżeli deskę  $CA$  tak podniesiemy, aby wysokość równi pochyłej  $Am$  była połową ięć długości  $CA$ ; na ten czas ciężarki  $Dd$  będą w równowadze z wałkiem  $ab$ . Niech ciężarki  $Dd$  znaczą siłę, wałek  $ab$  znaczy ciężar od siły utrzymywany: będzie siła do ciężaru jak wysokość równi pochyłej do ięć długości.

Co do drugiego przypadku. Jeżeli siła utrzymuje ciężar na równi pochyłej w kierunku równoodległym od ięć podstawy; będzie się miała do ciężaru jak wysokość równi pochyłej do ięć podstawy. Doświadczenie tego podobne jest do poprzedzającego, tylko potrzeba bloczki tak pochylić aby sznurki po nich idące były równoodległe od podstawy  $BC$ .

267. *Równia pochyła należy do dręga pierwszego gatunku.* Niech będzie równia pochyła  $IWL$  (Oddział II. Tablica II. Figura 30) położmy na niej ciało  $S$  okrągłe i jednorodne więc jego środek ciężkości i wielkości będzie w punkcie  $S$ . Gdyby to ciało nie było utrzymywane od równi pochyłej, spadłoby kierunkiem pionowym  $SH$ . Że jest okrągłe, wspiera się na równi pochyłej w punkcie  $P$ . Niech *naprzd* siła ciągnie kierunkiem  $SD$  równoodległym od długości  $IW$ .

a zatem od podpory P poprowadziwszy prostopadłe do kierunków ciężaru i siły, wyznaczają się tym samym ich odległości: to jest, SP będzie odległość siły od podpory, a zaś CP jest odległość ciężaru od podpory, więc SPC jest drągiem pierwszego gatunku, w którym siła jest w punkcie S, podpora w P a ciężar w punkcie C. A zatem siła do ciężaru ma się iak CP do SP. Dla podobieństwa trójkątów prostokątnych SPC, IWL jest  $CP:SP = IL:IW$ . A zatem: *siła do ciężaru, iak IL do IW, to jest: iak wysokość równi pochyłéy do iéy długości.*

268. Niech powtóre siła K ciągnie ciężar równoodległe od podstawy LW, to jest kierunkiem KS. W tym razie będzie odległość siły od podpory OP a zaś odległość ciężaru od podpory będzie CP, więc OPC jest drągiem gatunku pierwszego: a zatem siła ma się do ciężaru iak CP do OP albo CS bo  $OP = CS$ . Dla podobieństwa trójkątów SPC, ILW jest  $CP:CS = IL:LW$ , więc: *Siła do ciężaru ma się iak IL: LW czyli: iak wysokość równi pochyłéy do iéy podstawy.*

Równia pochyła nie utrzyma nie całego ciężaru ale tylko część iego, tém większą, im bardziejéy będzie pochylona, czyli im mniejszy będzie kąt IWL. (b).

---

(b) Spadanie ciał po równi pochyłéy. Siła spadającego ciała po równi pochyłéy, zależy od iego ciężkości umniejszoney tylko przez płaszczyznę pochyłą. Aby łatwiey wyznaczyć to umniejszenie; niech będzie w punkcie P (Oddział II. Tablica II. Figura 3o) równi pochyłéy IW ciało okrągłe S. Poprowadźmy od iego środka S pionową linię SF która niech wyobraża siłę ciężkości.



269. Śruba (*Cochlea*). Śruba jest to samo co równia pochyła. Na okazanie tego, wystrzyż z papieru trójkąt prostokątny ACB (Od-

Gdybyśmy z punktu F poprowadzili równo-odległą od PS aż do spotkania się z przedłużoną linią DS; wtedy linia SF wyrażająca siłę ciężkości byłaby przekątną równoległobu, a zatem może być rozebrana na dwie siły (243) iedną SP prostopadłą do równi pochyłéy, nie działającą w tym razie; drugą PF któręy w każdym momencie ciało podlega. Dla podobieństwa trójkątów SPF, ILW jest,  $PF:SF=IL:IW$ . to jest siła działająca tak się ma do siły ciężkości iak wysokość równi pochyłéy do iéy długości. Wysokość równi pochyłéy jest w iednostaynym stosunku z iéy długością; a zatem i siła działająca jest w iednostaynym stosunku z siłą ciężkości. A że siła ciężkości jest iednostayna; więc i siła działająca jest także iednostayna. Skąd wypada iż ciało dąży po równi pochyłéy biegiem iednostaynie przyśpieszonym. Więc wszystko tu przystosować można, cośmy wyżéy o tym biegu powiedzieli. Gdyby iedno ciało biegło po równi pochyłéy IW, a drugie spadało po linii pionowéy IL, ich prędkości byłyby w iednostaynym stosunku, bo takby się miały iak IL do IW.

Z punktu L poprowadźmy prostopadłą LX do długości równi pochyłéy, ta wyznaczy drogę IX przebieżoną od ciała w tym samym czasie, w którymby, pionowo spadając, przebiegło IL. Bo dla podobieństwa trójkątów ILX, ILW jest,  $IX:IL:IW$ .

*dział II. Tablica II. Figura 31*) ten okazywać będzie równią pochyłą, której długość jest  $AB$ , podstawa  $AC$ , wysokość  $BC$ . Przyłożywszy bok  $BC$  do wałeczka, potrzeba trójkąt  $ABC$  tak nań nawinąć, aby bok  $AC$  na siebie zachodził, tedy bok  $AB$  śrubę okaże z gwintem po wierzchu idącym. Jeżeliby zaś trójkąt był nawinięty na wałeczek zaczynając od kąta  $A$ , wtedy bok  $AB$  zrobi gwinty wewnętrzne. A zatem śruba jest równią pochyłą. Odległość dwóch najbliższych gwintów, znaczy wysokość równi pochyłej: dwa gwinty najbliższe wzięte na około od punktu  $a$  do  $b$  znaczą długość równi; okragłość, czyli grubość śruby znaczy podstawę równi pochyłej. Uważaliśmy tylko dwa gwinty iako czyniące równią pochyłą; lecz w rzeczy samej tyle jest równi pochyłych, ile jest gwintów.

Sila podnosząc ciężar śrubą albo go opuszczając ma kierunek równoodległy od grubości śruby, ciężar zaś za każdym obrotem śruby podniesie się lub opadnie na odległość dwóch gwintów: a zatem: *tak się ma siła do ciężaru iak odległość dwóch gwintów, do grubości śruby, czyli, iak wysokość równi pochyłej, z której tworzy się śruba, do ięj podstawy.* To zaś jest tylko w tenczas, gdy siła chwyta za samą okragłość śruby: bo gdyby w nią włożony był drążek  $mn$ , na ten czas siła obieglaby okrag  $md$  od drążka uczyniony, a zatem takby się miała do ciężaru, iak odległość dwóch gwintów do okręgu koła zrobionego od drążka.

Stąd wypada: że im gęstszy jest gwint w śrubie, tem większa jest ięj siła: powiększa się także siła przez długość drążka: dla tego ślusarze przykręcaia swoje śrubstaki: dla tego w prasach do ściskania iakich rzeczy służących wkładaia w śruby dragi. Śrub używają do spaiania takich



sztuk które czasem rozbierać trzeba już do poprawy już do wyczyszczenia.

270. *Sruba Archimedesowa*. Przypisują Archimedesowi wynalazek następującej śruby. (*Od-  
dział II. Tablica II. Figura 32*). Jest to wałek AB opasany węzownicą dętą C D d E e F i t. d. i obracający się na dwóch czopkach A i B. Nachylaia ten wałek do ziemi tak, aby to nachylenie czyniło kąt 45 stopni mniej lub więcej, i otwor węzownicy C zanurzaia w wodę, którą trzeba do góry podnosić. Jeżeli za pomocą korby RB lub innym jakim sposobem obraca się wałek AB; tedy woda wpływaiąc przez otwór C w węzownicę, przechodzi wszystkie iey zakręty, i wylewa się przez otwór H. Jest to machina najprostsza i wynalazek iey najszcześliwszy. Można mówić że w śrubie Archimedesowej woda podnosi się do góry opadaiąc na dół. Jakoż część wody wchodząca w otwór C dla ciężkości swojej opadnie do D. Jeżeli punkt D węzownicy, przez obrot walca, weźmie położenie miejsca d; to i część wody będąca pierwéy w punkcie D, weźmie także położenie miejsca d i opadnie do E. Tym to sposobem przebiega woda wszystkie zakręty węzownicy, aż do punktu H gdzie się wylewa. Oczywiście rzecz, iż woda wyniesiona jest od swéy powierzchni AM na wysokość HM: a zatem ta machina użyteczna bydź może do wylewania wody ze statków, kanałów i t. p.

271. *Klin (Cuneus)*. Klin jest to samo co równia pochyla. Gdy go w drzewo wciskaia, tedy części drzewa tak daleko od siebie odchodzą, iaka jest grubość klina: siła zaś wciskaia-ca przebiega długo ó klina. Więc: w klinie tak się ma siła do ciężaru: iak grubość klina do iego długości. Stąd, im ciensze są kliny, tém

łatwiej w drzewo weisnione bydź mogą, iak to się prawdzi na nożach, siekierach i t. p.

§ 27. *O niektórych Machinach złożonych.*

272. *Dragi złożone.* Z dragów pierwszego gatunku możnaby ułożyć machine, bardzo siłę powiększającą, następującym sposobem. Kilka dragów, mających własne podpory, niech tak będzie ułożonych, aby końce iednego zachodziły na końce drugich: np. draga średniego CD (*Oddział II. Tablica II. Figura 33*) końce C, D niech zachodzą na końce B, E dragów AB, EF, i machina będzie sporządzona w której siła do ciężaru ma się w stosunku składanym z odległości ciężaru od podpory i siły od podpory w trzech dragach poiedynczych. Niech AG, CH, EI długie będą na 1 cal, a zaś GB, HD, IM niech mają długości po 5 cali. Zawiesiwszy w punkcie A ciężar ważący funtów 125: a na punkcie M funt 1; będzie równowaga. Bo w każdym poiedynczym dragu siła ma się do ciężaru iak 1:5 a zatem w machinie z trzech dragów złożonéy, będzie siła do ciężaru iak  $1 \times 1 \times 1 : 5 \times 5 \times 5$  czyli iak 1:125. Taka machina nie mogłaby bydź użyteczna: bo gdy długie są dragi, każdy z nich osobną podporę mieć powinien, prócz tego ta machina wiele miejsca zabiera i ciężar niewysoko podnosi.

273. *Przemian złożony.* Oprócz przemianu wyżey położonego (257) używany bywa Przemian złożony, którego części są następujące (*Oddział II. Tablica II. Figura 34*) NG, OD są dwie sztaby żelazne zawieszzone kółkami N, O, na hakach: spoione są dragiem RS, aby zawsze miały kierunek pionowy, i to jest dopiero osada do