

a gdy wstawimy  $l=10,2$ ,  $a=2,7$ ,  $x=2,7$  m, otrzymamy  $najw Y =$   
 $= \frac{2,7 p}{2} \frac{(9-m)^2(m-1)}{10(10-m)-(m-1)} = 1,35 \frac{(9-m)^2(m-1)}{10(10-m)-(m-1)}$ .

Nakoniec mamy  $najw (-V) = -najmn Y$ . Słup  $V_5$  jest tylko ciągnionym, siła  $V_5 = 2 S_1$  wst  $\sigma - G_2 = 2,35,6$ ,  $0,059 - 0,251 = 3,95$  t.

Przekroje dla porównania obliczyliśmy także na podstawie wzoru Weyraucha  $\tau = 900(1 \pm \frac{1}{2} \zeta)$ , przyczem  $\zeta = \frac{najmn P}{najw P} = \frac{P_0 + najmn P_2}{P_0 + najw P_1}$ , gdyż tu  $najmn P_1$  jest ujemnem.

Z porównania przekrojów, obliczonych według obu sposobów, widzimy, że przekroje, obliczone na podstawie naprężenia dopuszczalnego, przyjętego według rozporządzenia polskiego, są za małe.

Na tej podstawie obliczyliśmy następną tabliczkę:

Tabl. XXIII.

Słup	m	najw (-V <sub>p</sub> )	najw (+V <sub>p</sub> )	V <sub>g</sub>	V		Przekrój teoretyczny	
					najw	najmn	wedle rozporz. polsk.	wedle Wey- raucha
		t	t	t	t	t	cm <sup>2</sup>	cm <sup>2</sup>
1 I	1	0	+2,7	+1,256	+3,96	+1,26	4,2	3,8
2 II	2	-0,84	+2,7	+1,256	+3,96	+0,42	4,2	4,2
3 III	3	-1,43	+2,7	+1,256	+3,96	-0,17	4,2	4,5
4 IV	4	-2,37	+2,7	+1,256	+3,96	-1,11	4,2	5,1
5 V	5	0	+3,95	+1,256	+3,96	+1,26	5,5	5,2

## XIV. Odmiany belki parabolicznej.

### §. 86. Zasada belki Paulego.

W belce parabolicznej jest siła wewnętrzna w pasach prawie stała, zmienia się tylko według siecz  $\sigma$ . Dla belki ośelkowatej i dla  $\frac{h}{l} = \frac{1}{8}$  siecz  $\sigma = 1,03$ , więc siła zmienia się tylko o 3%. Pauli starał się wynaleść taki kształt belki, aby siły wewnętrzne w pasach były zupełnie stałe. Wtedy może też być przekrój pasów na całą długość belki jednakowym.

Belka taka zwana belką Paulego (n. *der Paulische Träger*, cz. *nosnik Pauliho*) musi być przedewszystkiem ze względu na środek belki symetryczną, bo niema powodu, aby lewa strona belki była inną, niż prawa. W belce takiej będą oba pasy w środku poziome, tam musi też być siła wewnętrzna w obu pasach jednakowo wielką, bo  $\frac{M}{h}$  jest takie samo dla obu

pasów, a  $\sigma = \tau = 0$ . Ponieważ siła wewnętrzna ma być w pasach wszędzie jednaka, więc musi być także w każdym innym przekroju dla obu pasów jednaka, chociaż pasy nie są równoległe. To jest tylko możliwem, gdy  $\sigma = \tau$ , więc, gdy belka będzie miała kształt osiekowaty, gdyż  $-S_1 = \frac{M}{h}$  siecz  $\sigma$  może być równe  $S_2 = \frac{M}{h}$  siecz  $\tau$  tylko, gdy  $\sigma = \tau$ .

### §. 87. Kształt belki Paulego.

Siły wewnętrzne w pasie otrzymamy w przybliżeniu bez względu na znak według równ. 169) i 170)  $S = \frac{M}{h}$  siecz  $\sigma$ . Dla ciężaru jednostajnie ciągłego mamy  $M = \frac{1}{2} qx(l-x)$ , a z rys. 160 siecz  $\sigma = \sqrt{1 + \tan^2 \sigma} = \sqrt{1 + \left(\frac{dh}{2dx}\right)^2}$ , zatem  $S = \frac{qx(l-x)}{2h} \sqrt{1 + \frac{1}{4}\left(\frac{dh}{dx}\right)^2}$ . Dla  $x = \frac{l}{2}$  jest  $S = \frac{ql^2}{8h_1}$ , zatem  $\frac{ql^2}{8h_1} = \frac{qx(l-x)}{2h} \sqrt{1 - \frac{1}{4}\left(\frac{dh}{dx}\right)^2}$ , albo

$$\frac{l^2}{4h_1} = \frac{x(l-x)}{h} \sqrt{1 - \frac{1}{4}\left(\frac{dh}{dx}\right)^2} \dots \dots \dots 237)$$

Ponieważ belka ta jest bardzo zbliżoną do belki parabolicznej, więc dla wyznaczenia  $\frac{dh}{dx}$  możemy w przybliżeniu przyjąć, jak dla paraboli,  $h = \frac{4h_1 x(l-x)}{l^2}$ , więc  $\frac{dh}{dx} = \frac{4h_1}{l^2} (l-2x)$ .

Dalej wiemy, że gdy  $a$  jest bardzo małą liczbą, wyraz  $\sqrt{1+a}$  możemy rozwinąć w szereg i po opuszczeniu dalszych potęg napisać  $\sqrt{1+a} = 1 + \frac{1}{2}a^2$ , a zatem

$$\sqrt{1 + \frac{1}{4}\left(\frac{dh}{dx}\right)^2} = 1 + \frac{1}{8}\left(\frac{dh}{dx}\right)^2 = 1 + \frac{2h_1^2(l-2x)^2}{l^4}.$$

Wstawiając to w równ. 237), otrzymamy

$$\frac{l^2}{4h_1} = \frac{x(l-x)}{h} \left[1 + 2\frac{h_1^2}{l^2}(l-2x)^2\right], \text{ a stąd}$$

$$h = 4h_1 \frac{x(l-x)}{l^2} \left[1 + \frac{2h_1^2}{l^2} \left(1 - 2\frac{x}{l}\right)\right] \dots \dots 238)$$

Równ. 238) jest czwartego stopnia i daje  $h$  dla tego samego  $h_1$  nieco większe, niż dla paraboli. Siły wewnętrzne najlepiej obliczać według ogólnych sposobów powyżej podanych.

### §. 88. Belka paraboliczna niezbieżna.

Oprócz belek parabolicznych zbieżnych (rys. 159), o których dotychczas mówiliśmy, mogą być użyte także belki paraboliczne niezbieżne (rys. 161) (n. *Halbparabelträger*, cz. *nosnik poloparaboliczny*), których pasy w obu końcach belki nie schodzą się i które już na podporze mają pewną wysokość  $h_0$ .

Jeżeli pas dolny jest prosty, to równanie linji pasu górnego jest wtedy:

$$h = h_0 + 4(\bar{h}_1 - h_0) \frac{x(l-x)}{l^2}. \quad \dots \quad 239)$$

Powód, dla czego używamy belek tego kształtu, leży w ustroju mostów. Często potrzebujemy na podporze pewnej wysokości, choćby tylko dla poprzecznic, czasem chcemy mieć większą wysokość belki, aby urządzić górą tężniki.

W porównaniu z równie wysoką belką równoległą potrzebuje belka paraboliczna niezbieżna mniej materiału, więcej jednak, niż belka paraboliczna zbieżna.

Siły wewnętrzne i tu wyznaczać będziemy według ogólnych sposobów, podanych powyżej. Dla porównania podamy tu siły wewnętrzne w pasach i krzyżulcach dla trzech rodzajów belek: równoległej, parabolicznej, zbieżnej i niezbieżnej (rys. 162) o równej wysokości w środku rozpiętości. W belce parabolicznie niezbieżnej jest siła wewnętrzna w pasach dla małego  $h_0$  prawie stałą, dopiero przy podporach nagle spada do zera.

Siła  $Y$  w  $A$  i  $C$  jest taka sama, jak dla belki równoległej. Z punktu  $A_1'$  spada tem szybciej, im mniejsze jest  $h_0$ .

### §. 89. Przykład. Obliczenie sił wewnętrznych dla obciążenia układem ciężarów skupionych.

Ponieważ dla belki parabolicznej niezbieżnej nie dają się uprościć wzory ogólne, więc obliczamy siły wewnętrzne wedle wzorów ogólnych. Przykład, który tu podajemy, będzie więc zarazem przykładem dla belek o pasach dowolnie zakrzywionych.

Dane. Most kolejowy dwutorowy o rozpiętości 36 m i dwu belkach parabolicznych niezbieżnych. Wysokość na podporze  $h_0 = 3$  m,

we środku 5 m (tabl. III). Odstęp węzłów 3,6 m. Każdą belkę należy obliczyć dla obciążenia jednego toru pociągiem normalnym polskim. Ciężar własny przyjmujemy według §. 2.  $g = 0,52 l^2 + 13 l + 1800$ . Dla  $l = 36$  otrzymamy  $g = 2942 \text{ kg/m}$ , a dla jednej belki  $\frac{1}{2} 2942 = 1471 \text{ kg/m}$ . Z tego wypada 650 kg/m na pomost, ciężar pokładu wedle tabl. IV. a  $g_4 = 336 + 142 b$ , a dla  $b = 8,5 \text{ m}$ ,  $g_4 = 336 + 142 \cdot 8,5 = 1543 \text{ kg}$ , dla jednej belki 776, okrągło 780, więc ciężar belki głównej wynosi  $1471 - \frac{1543}{2} = 700 \text{ kg/m}$ . Wedle Dirksena wynosi ciężar belek głównych  $g_3 = 540 + 27 l = 1512$ , więc dla jednej belki 756, przyjmujemy ostatecznie 760 kg/m. Na pasie górnym cięży więc  $g_1 = \frac{1}{2} 760 \text{ kg} = 0,38 \text{ t/m}$ , a na dolnym  $0,38 + 0,65 + 0,78 = 1,81 \text{ t/m}$ , a ciężary węzłowe są  $G_1 = 0,38 \cdot 3,6 = 1,368 \text{ t} = 1,37 \text{ t}$ ,  $G_2 = 1,81 \cdot 3,6 = 6,516 = 6,52 \text{ t}$ .

#### A) Obliczenie:

Wysokości obliczymy z równ. 239)  $h = 3 + 4(5-3) \frac{x(l-x)}{l^2}$ , albo, jeżeli  $x = ma = 3,6 \text{ m}$ ,  $l = na$ ,  $h = 3 + 8 \frac{m(n-m)}{n^2} = 3 + 0,08 m(10-m)$ .

Stąd otrzymamy:

dla $m=1$	2	3	4	5
$h=3,72$	4,28	4,68	4,92	5,0 m

1. Pasy. Dla ciężaru własnego otrzymamy oddziaływania 4,5 (1,37 + 6,52) = 35,5 t. Moment ze względu na punkt  $m$  jest  $M_g = 35,5 m \cdot 3,6 + -(m-1) 7,89 \frac{m}{2} \cdot 3,6 = 142 m - 14,2 m^2 = 14,2 m(10-m)$ .

Dla ciężaru ruchomego obliczono *najw*  $M$  według §. 20. Ponieważ most jest dwutorowy, to na jedną belkę wypada obciążenie pociągiem na jednym torze, przyczem dla węzła 1 stoi na węźle 2 oś, dla węzła 2 4 oś parowozu, dla węzła 3 i 4 trzecia oś drugiego parowozu. Dla węzła 5. otrzymaliśmy:

$$O_1 = \frac{1}{36} (40 \cdot 34,5 + 56 \cdot 26,75 + 100 \cdot 18 + 56 \cdot 8,75 + 32,2 = 145,3 \text{ t}$$

$$M = 145,3 \cdot 18 - 40 \cdot 16,5 - 56 \cdot 8,7 - 60 \cdot 1,5 = 1375 \text{ tm.}$$

$$\text{Dalej mamy st } \sigma = \frac{h_m - h_{m-1}}{3,6} = \frac{1}{3,6} (3 + 0,08 m(10-m) - 3 + 0,08(m-1)(10-m+1)) = \frac{1}{0,9} (0,22 - 0,04 m), \text{ siecz } \sigma = \sqrt{1 + \text{st}^2} \sigma.$$

Siła wewnętrzna  $S = \frac{M}{h}$  siecz  $\sigma$ , a przekrój  $F = \frac{S}{\tau}$ , przyczem  $\tau = 900$  wedle rozporządzenia polskiego.

Na tej podstawie obliczyliśmy następną tabliczkę:

Tabl. XXIV.

Część pasu	Siła stojąca na węźle	$M_p$	$M_g$	$M_q$	$h$	$\frac{M_q}{h}$	Siecz $\sigma$ dla pasu górnego	Siła wewnętrzna $S$ w pasie		Przekrój teoretyczny $F$ pasu	
		$tm$	$m$	$t$	gór- nym	dol- nym		gór- nego	dol- nego		
										$t$	$t$
A 1		0	0	0	—	—	—	—	—	—	—
12 i 0 I	2	550	128	678	3,72	182,3	1,020	185,9	182,3	206,6	202,6
23 i I II	4	942	227	1169	4,28	273,1	1,012	276,3	273,1	307,0	303,5
34 i II III	3	1184	298	1432	4,68	306,0	1,006	307,8	306,0	342,0	340,0
45 i III IV	3	1278	341	1614	4,92	328,1	1,002	328,7	328,1	365,2	364,6
IV V	3	1375	355	1730	5,0	346,0	1,000	346,0	346,0	495,6	495,6

2. Przekątnie. Dla ciężaru własnego jest dla przekątni, na prawo spadających,  $m$ -tego przedziału  $Q_g = 35,5 - (m-1)7,89$ ,  $M_g$  obliczyliśmy już poprzednio.

Dla ciężaru ruchomego obliczamy siły poprzeczne na podstawie §. 18, przychem stawiamy dla pierwszego przedziału drugą oś na prawym węźle, dla innych przedziałów pierwszą oś. W pierwszym wypadku jest  $M = O_1 x - P_1 e$ , a w drugim  $M = O_1 x$ .

Według równ. 176) jest  $Y = Q - \frac{M}{h} \text{st } \sigma$ , bo  $\tau = 0 \cdot h$  i  $\text{st } \sigma$  znamy z poprzedniego, mianowicie  $h = 3 + 0,08 m (10 - m)$ ,  $\text{st } \sigma = \frac{1}{0,9} \cdot (0,22 - 0,04 m)$ . Nareszcie  $D = Y \text{ siecz } \alpha$ , przychem  $\text{st } \sigma = \frac{3,6}{h_{m-1}}$ , siecz  $\alpha = \sqrt{1 + \text{st}^2 \alpha}$ .

Dla przekątni 0,1 otrzymamy  $Q_p = \frac{1}{3,6} [100(30,9 + 12,90) + 56] \cdot (21,65 + 3,65) - \frac{20 \cdot 1,5}{3,6} = 161,02 - 8,33 = 152,7 t$ , dalej wedle poprzedniego  $M = 550$ ,  $h = 3,72$ ,  $\text{st } \sigma = 0,2$ , więc  $\frac{M}{h} \text{st } \sigma = \frac{550}{3,72} 0,2 = 29,6$ ;  $Y_p = 152,7 - 29,6 = 123,1$ .

Dla przekątni 12 otrzymamy  $O_1 = \frac{1}{3,6} [100(25,8 + 7,80) + 56 \times 16,55 + 14 \cdot 0,8] = 110,7 = Q_p$ .  $M = 119,7 \cdot 7,2 = 848,9$ ,  $h = 4,28$ ,  $\text{st } \sigma = 0,1555$ ,  $\frac{M}{h} \text{st } \sigma = 30,8$ ,  $Y_p = 119,7 - 30,8 = 88,9$ .

Aby otrzymać *najm*  $D$ , wyznaczmy dla ciężaru ruchomego *najw* —  $D$  w ten sam sposób. Dla przekątni IV 5 stawiamy pierwsze koła na 4'i obciążamy lewą stronę belki, wtedy  $O_2 = \frac{1}{3,6} (100 \cdot 11,4 + 42 \cdot 2,9) = 39,4 = -Q$ ,  $M = -39,4 \cdot 18 = -709,2 tm$ ,  $h = 5$ ,  $\text{st } \sigma = 0,022$ , więc  $\frac{M}{h} \text{st } \sigma = -3,74$ ,  $Y_p = -39,4 + 3,74 = -35,7$ .

Tabl. XXV.

Przekątnie		$Q_p$	$M_p$	$-\frac{M_p}{h} \text{st} \sigma$	$\frac{najw}{(-Y_p)}$	$Y_g$	$\frac{najw}{(-Y_g)}$	siecz $\alpha$	$\frac{najw}{(-D)}$	Przekrój wedle Weyrauch'a
		$t$	$tm$	$tm$	$t$	$t$	$t$		$t$	
0	1	0	0	0	0	28,6	26,6	1,562	+44,7	270,9
I	2	-3,5	-100,8	+3,7	+0,2	19,3	19,5	1,392	+27,1	172,7
II	3	-11,7	-126,4	+3,0	-8,7	12,6	+3,9	1,307	+5,4	130,6
III	4	-22,0	-475,2	+6,4	-15,6	7,0	-8,6	1,262	-10,9	107,2
IV	5	-39,4	-709,2	+3,1	-36,3	2,3	-34,0	1,239	-42,1	116,1

Tam, gdzie siła zmienia swój znak, a więc dla przekątni III 4 i IV 5 należy obliczać przekrój wedle Weyrauch'a, przekroje obliczone wedle rozporządzenia są za małe.

Na tej podstawie obliczyliśmy następną tabliczkę:

Tabl. XXVI.

Przekątnie		$Q_p$	$M_p$	$-\frac{M_p}{h} \text{st} \sigma$	$Y_p$	$Q_g$	$-\frac{M_g}{h} \text{st} \sigma$	$Y_g$	$\frac{Najw}{Y_g}$	siecz $\alpha$	$\frac{Najw}{D}$	$F$
		$t$	$tm$	$t$	$t$	$t$	$t$	$t$	$t$		$t$	
0	1	152,7	550	-29,6	123,1	+35,5	-6,9	+28,6	+151,7	1,562	287,0	263,8
I	2	119,7	848,9	-30,8	88,9	+27,6	-8,3	+19,3	+108,2	1,392	150,6	167,3
II	3	93,5	1009,8	-24,0	69,5	+19,7	-7,1	+12,6	+82,6	1,307	107,3	119,1
III	4	69,7	1008,8	-13,5	56,2	+11,8	-4,8	+7,0	+63,2	1,262	79,8	88,7
IV	5	50,6	910,8	-4,0	46,6	+3,9	-1,6	-2,3	+48,9	1,239	60,6	67,3

3. Słupy. Chcąc wyznaczyć siłę wewnętrzną w słupach, przecinamy je ukośnie równolegle do przekątni.

Dla ciężaru własnego otrzymamy więc siłę poprzeczną dla słupa  $m$ -tego  $Q_g = 35,5 - (m-1)7,89 - 6,53 \cdot M_y$ ,  $h$  i  $\text{st} \sigma$  znamy już z poprzedniego.

Dla ciężaru ruchomego otrzymamy  $najw$  ( $-V$ ) dla  $m$ -tego słupa dla tego samego położenia pociągu, co dla przekątni ( $m+1$ ), spadającej na prawo, otrzymamy więc  $V = Y = Q - \frac{M}{h} \text{st} \sigma$ , przyczem wartość dla  $Q$  jest ta sama, co dla przekątni ( $m+1$ ),  $M$  jest mniejsze o  $3,6 Q_p$ , czyli  $M_p = Q_p m \cdot 3,6$ , a  $h$  i  $\text{st} \sigma$  te same, co dla przekątni ( $m-1$ ).

$Najw$  ( $+V$ ) otrzymamy, obciążając lewą stronę belki, dla  $m$ -tego słupa, stawiając pierwsze koło na poprzeczniczy  $m$ -tej, a więc  $Q_p$  otrzymamy takie samo, jak dla przekątni ( $m+1$ ) spadającej na prawo. Otrzymamy  $M_p = Q \cdot 3,6 (10-m)$ ,  $h$  i  $\text{st} \sigma$  są te same, co dla przekątni ( $m-1$ ).

T a b l. XXVII.

Słup	$Q_p$	$M_p$	$-\frac{M_p}{h} \text{ st } \sigma$	$N_{ajw}$ $Y_p$	$Q_o$	$-\frac{M_o}{h} \text{ st } \sigma$	$Y_o$	$-Y_o =$ $=n_{ajw}$ $(-V)$	$Q_p$	$M_p$	$-\frac{M_p}{h} \text{ st } \sigma$	$N_{ajw}$ $(-Y_p)$	$N_{ajw}$ $(+V)$	Teoretyczny przekrój $F'$	
														dla $t=900$	wedle Wey- raucha
	$t$	$tm$	$t$	$t$	$t$	$t$	$t$	$t$	$t$	$tm$	$tm$	$t$	$t$	$cm^2$	$cm^2$
A 0	152,7	—	—	+152,7 +36,9	0	+36,9	-189,6	—	—	—	—	—	-86,9	210,7	215,7
1 I	119,7	480,9	-23,2	+96,5 +29,0	-6,9	+22,1	-118,6	-3,5	-113,4	+6,1	+2,6	-74,7	131,8	194,2	194,2
2 II	98,5	678,2	-24,4	+69,1 +21,1	-8,3	+12,8	-81,9	-11,7	-887,0	+12,4	+0,7	-13,5	91,0	94,6	94,6
3 III	69,7	752,8	-17,9	+51,8 +13,2	-7,1	+6,1	-57,9	-22,0	-808,4	+7,3	-14,7	+8,6	64,6	78,7	78,7
4 IV	50,6	725,8	-9,8	+40,8 +5,4	-4,8	+0,6	-41,4	-39,4	-851,2	+11,5	-27,9	+27,3	46,0	77,9	77,9
5 V	—	—	—	+12,1 —	—	+1,7	-13,8	—	—	—	—	0	+1,7	15,3	16,3



Słup 5 V obliczamy osobno. Dla równowagi w węźle V mamy  $2 S \text{ wst } \sigma = G_1 + V$ , więc  $V = 2 S \text{ wst } \sigma - G_1$ . Zatem  $V_g = 2 \cdot 11,0 \text{ wst } \sigma - 1,37$ , przyczem możemy przyjąć  $\text{wst } \sigma = \text{st } \sigma = 0,022$ , zatem  $V_g = 3,1 - 1,4 = -1,7 t$ , zaś dla ciężaru ruchomego jest ciężar węzłowy górny  $G_{1p} = 0$ , więc  $V_p = 2 \cdot 275 \cdot 0,022 = 12,1 t$ .

### B. Konstrukcja (tabl. III).

1. Pasy. Dla ciężaru ruchomego wyznaczylimy momenty zapomocą wieloboku sznurowego. Przyjeliśmy przytem podziałkę I dla długości  $\frac{1 \text{ cm}}{2 \text{ m}}$  dla sił podziałkę II  $\frac{1 \text{ cm}}{25 t}$  i odległość biegunową 200 t, zatem dla podziałki III dla momentów będzie  $\frac{1 \text{ cm}}{2 \cdot 200 \text{ tm}} = \frac{1 \text{ mm}}{40 \text{ tm}}$ .

W tym samym wieloboku sił wykresliliśmy dla ciężaru własnego ciężary węzłowe i na tej podstawie wielobok sznurowy, poczem dodaliśmy momenty wskutek ciężaru własnego i ruchomego.

Siły wewnętrzne w pasach wyznaczylimy według §. 63 b) (rys. 102), przyczem zamiast całej odległości biegunowej  $a$ , użyliśmy do konstrukcji tylko  $\frac{1}{2} a$ , wskutek czego musimy wyniki, otrzymane dla  $S$ , pomnożyć jeszcze przez 2. Jeżeli wykreslimy podziałkę IV, w której 1 cm przedstawia  $\frac{2}{0,9} = 2,22$  razy więcej jednostek, niż podziałka II, a więc, w której  $\frac{1 \text{ cm}}{25 \cdot 2,22} = \frac{1 \text{ cm}}{55,5 \text{ cm}^2}$ , to na niej odczytamy przekroje teoretyczne.

2. Przekątnie. Na rys. 5. wykresliliśmy wielobok oddziaływania 0 (według §. 18 p. 3) i wyznaczylimy największe siły wewnętrzne *najw D* według sposobu Culmanna (§. 73 I) (rys. 131), przypuszczając, że pierwsza lub druga oś parowozu stoi na prawym węźle. Jeżeli druga oś stoi na prawym węźle, np. 1, to pierwsza oś stoi w  $a$ , więc  $P' = aa_1$ ,  $O_1 = aa_2$ . Siła wewnętrzna w 0 1 jest wtedy  $D_1 = D_1' - D_1''$ . W zwykły sposób otrzymamy  $D_1' = ab$ , zaś  $D_1''$  wyznaczylimy na rys. 6 w poczwórnej podziałce,  $ed = P'$  i kreśląc  $dg // 0 1$ ,  $eg // 0 1$ . Więc  $dg = D_1''$ , a według podziałki II  $D_1'' = be$ . Zatem  $D_1 = ab - be = ae$ . Tutaj  $ae > 1 \text{ m}$  dla wypadku, gdy pierwsza oś stoi na prawym węźle, więc *najw D* dla położenia pociągu pierwszą osią na prawym węźle. W podobny sposób wyznaczylimy *najw D*, stawiając pierwsze koło na lewej poprzecznicy i obciążając lewą stronę.

Dla ciężaru własnego wyznaczylimy  $D$  na rys. 1 sposobem Zimmermanna (§. 62, rys. 101).  $M_1$  i  $M_2$  mamy już wyznaczone na rys. 4 przy użyciu odległości biegunowej  $a = 200 t$ . Tu potrzeba  $\frac{M_2}{e}$  i  $\frac{M_1}{e}$ , gdzie  $e = 3,6 \text{ m}$ . Dzielenie to wykonaliśmy na rys. 3, robiąc  $Ou = e = 3,6 \text{ m}$ , odcinając na  $Ou M$  i kreśląc równoległe do  $mu$ ; odcinki na  $Om$  przedstawiają  $\frac{M}{e}$ , zapomocą nich wyznaczylimy  $D_g$  na rys. 1.



Zmieniwszy podziałkę II w stosunku 1 : 0,9, wykreśliłmy podziałkę V, na której  $\frac{1 \text{ cm}}{25 \cdot \frac{1}{0,9}} = \frac{1 \text{ cm}}{27,8 \text{ cm}^2}$ . Odczytywać możemy na

niej wprost przekroje teoretyczne.

3. Słupy. Na rysunku 7 wykreśliłmy raz jeszcze wielobok  $O_1$ , a to dlatego, aby rys. 5 nie uczynić niewyraźnym. Siły *najw* ( $-V_g$ ) wyznaczyłmy tu także sposobem Culmanna. Tu jednak przecinamy belkę ukośnie, np. dla słupa 3 III w kierunku  $mm_1$  (rys. 1). Najniekorzystniejsze obciążenie jest dla tego słupa, gdy 1 oś stoi na 4, wtedy  $O_1 = 44'$  (rys. 7). Kreślimy teraz  $4' a // A IV$  (rys. 1), a potem  $ab // 3 IV$  i  $4' b // II III$ , a  $ab = najw (-V_g)$  w słupie 3 III.

Chcąc wyznaczyć *najw* ( $+V_g$ ), postępujemy podobnie, jak powyżej, kładziemy pierwsze koła na 3. i obciążamy lewą stronę belki. Siła poprzeczna jest  $38''$ . Kreślimy  $3'' c // B III$ ,  $cd$  pionową a  $3'' d // II III$ . Siłę w słupie V 5 wyznaczamy na rys. 8 ze sił w częściach przyległych pasu.

Siły  $V_g$  wskutek ciężaru własnego wyznaczyłmy na rys. 1 według Zimmermanna (§. 64 IV sposób).

Na rysunku 9 wyznaczyłmy oprócz tego siły wewnętrzne, wywołane ciężarem własnym zapomocą planu sił, który wykreśliłmy według podziałki VI  $\frac{1 \text{ cm}}{5 t}$ .

## XV. Belka Schwedlera.

### §. 89. Określenie belki.

W belce parabolicznej pracuje każdy krzyżulec na ciągnięcie i ciśnienie, przyczem obie największości są sobie równe. W belce równoległej pracują tylko niektóre krzyżulce środkowe na ciśnienie i na ciągnięcie, a ich największości nie są równe. Schwedler obliczył pośredni kształt belki, dla której najmniejszość sił wewnętrznych krzyżulców jest wszędzie równa zeru, więc naprężenie krzyżulców nie zmienia znaku i zastosował go po raz pierwszy w r. 1863 przy moście na Wezerze w Corvey. W ten sposób obejdzimy się bez podwójnych przekątni, używanych czasem w belce parabolicznej i w środkowej części belki równoległej, względnie unikniemy zmiany znaku naprężenia w krzyżulcach, a zarazem *najw* siły wewnętrzne w krzyżulcach będą w pobliżu podpór mniejsze, niż w belce równoległej. A więc kształt pasów musi być taki, aby *najmn*  $Y$  dla każdego krzyżulca przy obciążeniu jednostronnem było równe zeru.