

Strata ciśnienia na odcinku CD

$$h_{CD} = \frac{Q_o^2 l_3}{K_3^2}$$

Dla  $d_3 = 100$  mm i  $n = 0,011$  określamy z tablicy 7.12a  
 $K_3 = 61,4$  l/s

$$h_{CD} = \frac{10^2 \cdot 100}{61,4^2} = 2,65 \text{ m.}$$

Stratę ciśnienia na odcinku BC obliczamy ze wzoru (8.27)

$$h_{BC} = \left( Q_o^2 + Q_o q l_2 + \frac{q^2 l_2^2}{3} \right) \frac{l_2}{K_2^2},$$

gdzie  $K_2 = 180$  l/s dla  $d_2 = 150$  mm.

Po podstawieniu zadanych wartości liczbowych otrzymamy

$$h_{BC} = \left( 10^2 + 10 \cdot 0,1 \cdot 200 + \frac{0,1^2 \cdot 200^2}{3} \right) \frac{200}{180^2} = 2,6 \text{ m.}$$

Strata ciśnienia na odcinku AB

$$h_{AB} = \frac{(Q_o + q l_2)^2}{K_1^2} l_1 = \frac{(10 + 0,1 \cdot 200)^2}{388^2} \cdot 300 = 1,78 \text{ m,}$$

gdzie  $K_1 = 388$  l/s dla  $d_1 = 200$  mm.

Wartość naporu wynosi  $H = 1,78 + 2,6 + 2,68 = 7,03$  m.

### 8.2.5. SIEĆ ROZGAŁĘZIENIOWA I PIERŚCIENIOWA

Sieć rozgałęzieniowa stanowi układ otwarty, składający się z ciągu głównego przewodów magistralnych (od punktu zasilania do najdalszego

punktu odbioru cieczy) oraz z odgałęzień wychodzących z przewodów magistralnych (do odbiorców usytuowanych w różnych punktach).

Sieć pierścieniowa składa się z szeregu zamkniętych pierścieni. Zaletą tego typu sieci jest to, że do każdego punktu sieci pierścieniowej woda może dopływać co najmniej z dwu stron. Sieć pierścieniowa dzięki swym dodatnim cechom jest powszechnie stosowana w wodociągach miejskich, podczas gdy sieć rozgałęzieniowa stosowana jest np. w małych osiedlach, w niektórych zakładach przemysłowych.

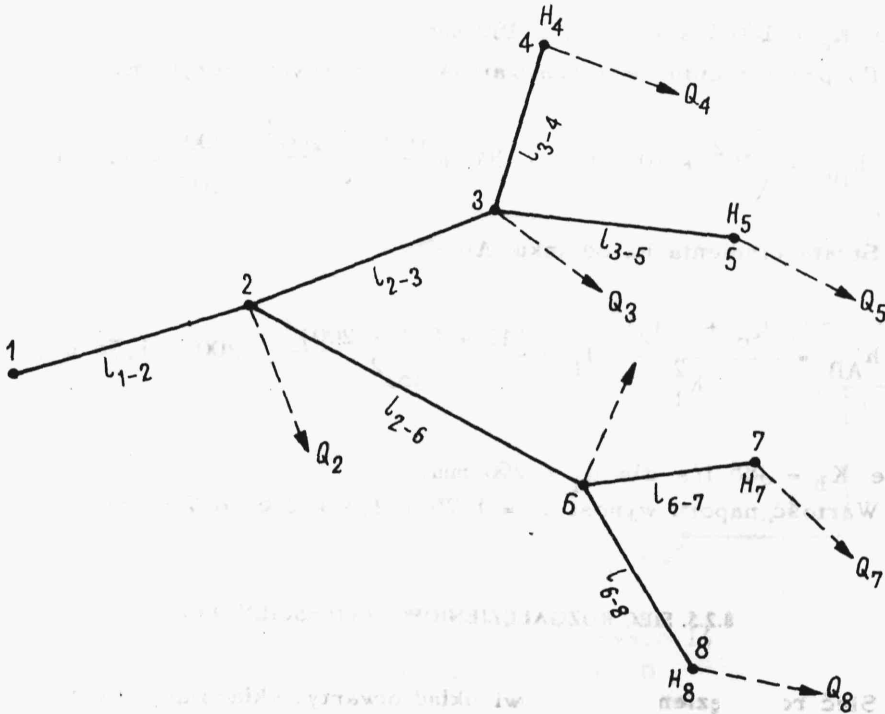
### 1. Sieć rozgałęzieniowa

Dla sieci rozgałęzieniowej obliczenie strat ciśnienia oraz średnic nie jest skomplikowane.

Nie wnikając w szczegóły projektowania sieci wodociągowej (nie wchodzi to bowiem w zakres mechaniki płynów) podany będzie na konkretnym prostym przykładzie sposób obliczenia sieci rozgałęzieniowej.

Rozpatrzmy schemat sieci rozgałęzieniowej (rys.8.15). Dla obliczenia tego typu sieci zakładamy, że zadane są następujące wielkości:

- a) długość wszystkich przewodów sieci,
- b) wydatki w węzłach i punktach końcowych  $Q_i$ ,
- c) napory w punktach końcowych  $H_4, H_5, H_7, H_8$ ,
- d) średnice przewodów  $d_{i-j}$  z wyjątkiem końcowych odcinków 3-4, 6-7, 6-8.
- e) chropowatość wewnętrzna przewodów.



Rys.8.15

Przewodem magistralnym w rozważanym przypadku będzie ciąg przewodów 1-2-3-5, na którym występuje maksymalna różnica naporów pomiędzy punktem początkowym a końcowym.

Konkretnym zadaniem w tym przypadku jest obliczenie:

- a) wydatków, czyli natężeń przepływu na wszystkich odcinkach sieci,
- b) strat ciśnienia na długości wszystkich przewodów oraz naporów w punkcie początkowym 1 i we wszystkich węzłach 2,3,6,
- c) średnicy przewodów 3-4, 6-7, 6-8.

Tok obliczeń będzie następujący. W obliczeniach stosować będziemy

wzór (7.31)  $h_{s1} = \frac{Q_1^2}{K^2} = A \cdot l \cdot Q^2$ . Zaczynamy od odcinka końcowego

3-5 przewodu magistralnego.

Wydatek na odcinku 3-5 jest równy  $q_{3-5} = Q_5$ . Oznaczając znaną długość i średnicę tego odcinka przez  $l_{3-5}$  i  $d_{3-5}$  obliczamy oporność odcinka 3-5

$$M_{3-5} = A_{3-5} l_{3-5}.$$

Strata ciśnienia na odcinku 3-5 równa jest ze wzoru (7.31)

$$h_{3-5} = M_{3-5} q_{3-5}^2 = M_{3-5} Q_5^2.$$

Po określeniu  $h_{3-5}$  obliczymy napór w węźle 3

$$H_3 = H_5 + h_{3-5}.$$

Sprawdzamy, czy  $H_3 > H_4$ , jeżeli tak, to główny ciąg przewodów magistralnych został prawidłowo wybrany.

Określamy z kolei stratę ciśnienia na odcinku 3-4

$$h_{3-4} = H_3 - H_4.$$

Znając wydatek  $q_{3-4} = Q_4$  i stratę ciśnienia  $h_{3-4}$  obliczymy oporność jednostkową ze wzoru (7.31)

$$A_{3-4} = \frac{h_{3-4}}{q_{3-4}^2 l_{3-4}}.$$

Z tablicy 7.12 określamy średnicę  $d_{3-4}$ .

Przechodzimy obecnie do odcinka 2-3, na którym wydatek jest równy

$$q_{2-3} = Q_1 + Q_5 + Q_3.$$

Znając średnicę i długość odcinka 2-3, łatwo wyznaczyć oporność

$$M_{2-3} = A_{2-3} l_{2-3}.$$

Strata ciśnienia na odcinku 2-3 jest równa

$$h_{2-3} = M_{2-3} q_{2-3}^2 = M_{2-3} (Q_1 + Q_5 + Q_3)^2.$$

Napór w punkcie 2

$$H_2 = H_3 + h_{2-3} = H_5 + h_{3-5} + h_{2-3}.$$

Wydatek na odcinku 2 - 6

$$q_{2-6} = Q_6 + Q_7 + Q_8.$$

Ponieważ znane są średnica i długość odcinka 2-6, to możemy określić

$$M_{2-6} = A_{2-6} l_{2-6}.$$

Strata ciśnienia będzie wówczas równa

$$h_{2-6} = M_{2-6} q_{2-6}^2 = M_{2-6} (Q_6 + Q_7 + Q_8)^2.$$

Znając  $h_{2-6}$  obliczymy napór w punkcie 6

$$H_6 = H_2 - h_{2-6}.$$

Z kolei znając napory w punktach 6,7,8 obliczamy straty i wydatki na odcinkach 6-7 i 6-8:

$$h_{6-7} = H_6 - H_7, \quad h_{6-8} = H_6 - H_8,$$

$$q_{6-7} = Q_7, \quad q_{6-8} = Q_8.$$

Można teraz określić średnice  $d_{6-7}$  i  $d_{6-8}$  z następujących zależności korzystając z tablicy 7.12

$$A_{6-7} = \frac{h_{6-7}}{2 q_{6-7}^{1/6-7}},$$

analogicznie

$$A_{6-8} = \frac{h_{6-8}}{2 q_{6-8}^{1/6-8}}.$$

Wydatek na odcinku 1-2

$$q_{1-2} = \sum_{i=2}^8 Q_i.$$

Strata ciśnienia na tym odcinku

$$h_{1-2} = A_{1-2}^{1/6-2} q_{1-2}^2.$$

Napór w punkcie początkowym sieci równy jest

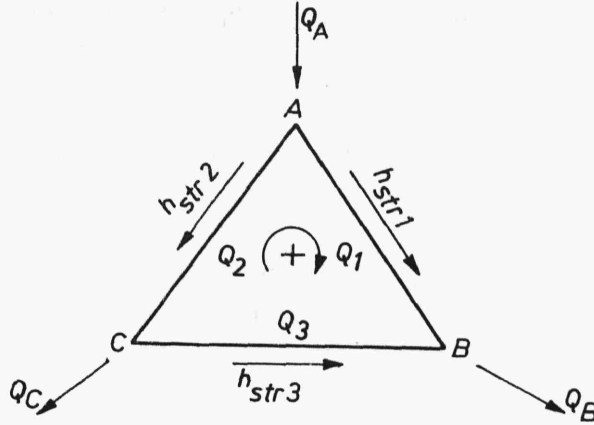
$$H_1 = H_2 + h_{1-2}.$$

W warunkach rzeczywistych należy uwzględnić różnice wysokości położenia węzłów sieci. W tym przypadku do naporów w określonych punktach dodajemy wysokości ich położenia względem poziomego układu odniesienia  $H_i' = H_i + z$ .

## 2. Sieć pierścieniowa

Obliczenie sieci pierścieniowej (rys.8.16) sprowadza się zazwyczaj do określenia średnic albo wydatków cieczy w poszczególnych przewodach sieci.

Dla określenia niewiadomych wielkości mamy do dyspozycji układ równań oparty na dwu warunkach:



Rys. 8.16

a. Suma dopływów do węzła powinna równać się sumie odpływów z węzła, czyli algebraiczna suma wydatków w każdym węźle równa się zero

$$\sum_{i=1}^n Q_i = 0, \quad (8.31)$$

gdzie  $n$  - ilość wydatków w węźle.

Przy sumowaniu można przyjąć dopływy ze znakiem dodatnim, a odpływy ze znakiem ujemnym.

b. Algebraiczna suma strat ciśnienia w każdym zamkniętym pierścieniu równa się zero

$$\sum_{j=1}^m h_j = 0, \quad (8.32)$$

gdzie  $m$  - liczba odcinków przewodu w pierścieniu.

Przy sumowaniu przyjmuje się stratę ciśnienia przy przepływie w kierunku zgodnym z ruchem wskazówki zegara za dodatnią, przy przepływie zaś w kierunku przeciwnym - za ujemną.

Dla każdego węzła można napisać równanie (8.31), z wyjątkiem węzła ostatniego, dla którego równanie to zamienia się w tożsamość, zatem przy  $w$  węzłach będzie  $(w - 1)$  równań. Dla każdego pierścienia można napisać równanie (8.32), a więc dla  $p$  pierścieni będzie  $p$  równań. W sumie będzie  $p + w - 1$  równań.

Z zależności geometrycznej wynika, że suma wszystkich pierścieni i wszystkich węzłów równa jest sumie odcinków  $n$  zwiększonej o 1, a zatem

$$p + w = n + 1 \quad \text{lub} \quad n = p + w - 1.$$

Dla obliczenia wydatków oraz średnic liczba niewiadomych wynosi  $2n$ , co oznacza, że jest ona dwa razy większa od liczby równań. Taki układ jest nierozwiązalny bez dodatkowych założeń.

Przy założeniu, np. dowolnych średnic rozkład wydatków będzie ściśle określony i zależny od wielkości średnic. W tym przypadku dla znalezienia  $n = p + w - 1$  wydatków dysponujemy tą samą liczbą równań, ponieważ równania (8.27) można przedstawić w następującej postaci:

$$\text{Ponieważ } h = A l Q^2 = M Q^2,$$

to

$$\sum_{j=1}^m h_j = \sum_{j=1}^m M_j Q_j^2 = 0. \quad (8.33)$$

Oporność  $M_j$  zależy od przyjętych długości i średnic poszczególnych odcinków.

Niewiadome  $Q_j$  występują w drugiej potęgze; uniemożliwia to rozwiązanie układu równań w sposób ścisły. Najczęściej spotykane są rozwiązania metodą kolejnych przybliżeń.

Ze znanych metod przybliżonych rozwiązań najszerze zastosowanie w praktyce projektowania sieci pierścieniowej zdobyła metoda Crossa - Łobaczewa.

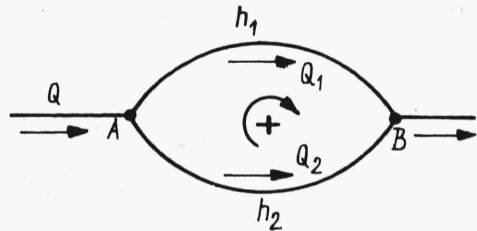
Omówienie i zastosowanie metod przybliżonych obliczeń różnego rodzaju sieci pierścieniowej są bardzo szeroko i szczegółowo przedstawione w książkach specjalistycznych z zakresu obliczenia i projektowania sieci wodociągowych (41), (46).

Na najprostszym przykładzie omówimy podstawowe zasady obliczenia sieci złożonej tylko z 1 pierścienia (rys.8.17) według metody Crossa - Łobaczewa.

Z równań (8.26) i (8.27) otrzymujemy dla tego przykładu zależności:

$$Q = Q_1 + Q_2,$$

$$h_1 - h_2 = 0,$$



Rys.8.17

gdzie według równania (8.33) napiszemy:

$$h_1 = M_1 Q_1^2, \quad h_2 = M_2 Q_2^2.$$

Dla założonych wydatków  $Q_1$  i  $Q_2$  wyznacza się średnice  $d_1$  i  $d_2$  przy zachowaniu właściwych prędkości ( $v = 1 \div 3$  m/s). Znając dłu-

gości i średnice można określić  $M_1$  i  $M_2$ . Założone w ten sposób wydatki różnią się od rzeczywistych, wskutek czego  $h_1 - h_2 = \Delta h \neq 0$ .

Aby straty na obu odcinkach były jednakowe należy wprowadzić poprawkę  $\pm \Delta Q$ , odejmując ją od wydatku, który dawał większe straty i dodając do tego, który dawał straty mniejsze.

Jeżeli np.  $\Delta h < 0$  (za mały wydatek na odcinku 1), to nowe przepływy będą  $Q_1 + \Delta Q$ ,  $Q_2 - \Delta Q$ .

Po uwzględnieniu poprawki  $\Delta Q$  w wyżej podanych równaniach otrzymamy

$$M_1(Q_1 + \Delta Q)^2 - M_2(Q_2 - \Delta Q)^2 = 0.$$

Po wymnożeniu i odrzuceniu poprawki  $(\Delta Q)^2$  jako wielkości bardzo małej wyższego rzędu napiszemy

$$M_1 Q_1^2 - M_2 Q_2^2 + 2\Delta Q(M_1 Q_1 + M_2 Q_2) = 0,$$

stąd

$$\Delta Q = \frac{-M_1 Q_1^2 + M_2 Q_2^2}{2(M_1 Q_1 + M_2 Q_2)}.$$

Wzór ten można uogólnić, jeżeli pierścień zawiera kilka odcinków o różnych średnicach i wydatkach

$$Q = \frac{-\sum_{i=1}^n M_i Q_i^2}{2 \sum_{i=1}^n M_i Q_i} = \frac{-\sum_{i=1}^n h_i}{2 \sum_{i=1}^n \frac{h_i}{Q_i}}. \quad (8.34)$$

We wzorze tym występują sumy algebraiczne, a więc znak jest zależny od kierunku przepływu.

Tok obliczeń dla omawianego schematu w ujęciu tabelarycznym jest następujący:

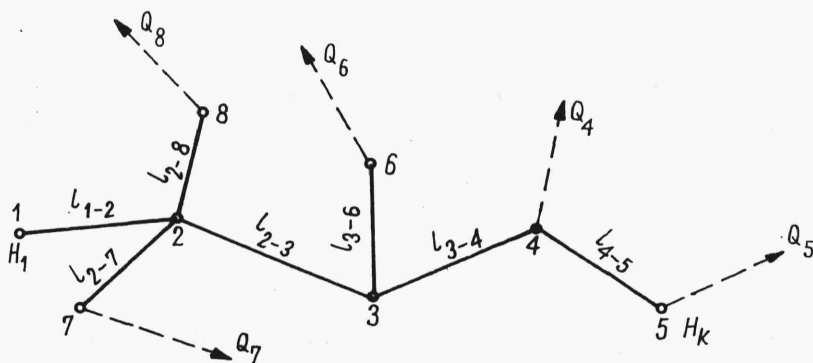
Wpisujemy długości odcinków, średnice i wydatki w 1 przybliżeniu. Ze znakiem ujemnym liczy się wydatek dla przepływu w pierścieniu o kierunku przeciwnym do kierunku ruchu wskazówki zegara.

Znając długości, średnice i wydatki na odcinkach zamkniętego pierścienia wyznaczamy  $M_i Q_i$  oraz  $M_i Q_i^2$ , a następnie ze wzoru (8.34) obliczamy poprawkę  $\Delta Q$ .



Dla 2. przybliżenia po uwzględnieniu poprawki  $\Delta Q$  z 1. przybliżenia powtarzamy cykl czynności aż do momentu, gdy  $\Delta Q$  jest bardzo bliskie zero, a praktycznie, gdy  $\Delta Q$  osiąga taką wartość, która odpowiada  $\sum_{i=1}^n h_i < |0,5| \text{ m}$ .

Przykład 8.8. Obliczyć średnice przewodów poziomej rozgałęzionej sieci (rys. 8.18), jeżeli napór w punkcie początkowym przewodu magistralnego wynosi  $H_1 = 30 \text{ m}$ , napory w punktach odbioru powinny być nie mniejsze niż  $H_k = 5 \text{ m}$ .



Rys. 8.18

Długości poszczególnych odcinków wynoszą:

$$l_{1-2} = 200 \text{ m}, \quad l_{2-3} = 300 \text{ m}, \quad l_{3-4} = 250 \text{ m}, \quad l_{4-5} = 150 \text{ m}, \\ l_{2-8} = 100 \text{ m}, \quad l_{2-7} = 150 \text{ m}, \quad l_{3-6} = 100 \text{ m}.$$

Wydatki w punktach odbioru:

$$Q_7 = 10 \text{ l/s}, \quad Q_8 = 8 \text{ l/s}, \quad Q_6 = 15 \text{ l/s}, \quad Q_4 = 5 \text{ l/s}, \quad Q_5 = 12 \text{ l/s}.$$

Rozwiązanie. Całkowita strata naporu na głównym ciągu 1-2-3-4-5

$$h_{s1} = H_1 - H_5 = 30 - 5 = 25 \text{ m}.$$

Średni spadek hydrauliczny

$$I_{\text{sr}} = \frac{h_{s1}}{l} = \frac{25}{200 + 300 + 250 + 150} = 0,0278.$$

Wielkości przepustowości na poszczególnych odcinkach przewodu magistralnego 1-2-3-4-5;

$$K_{4-5}^2 = \frac{Q_{4-5}^2}{I_{\text{sr}}} = \frac{Q_5^2}{I_{\text{sr}}} = \frac{12^2}{0,0278} = 5180 \text{ l}^2/\text{s}^2, \quad K_{4-5} = 72 \text{ l/s},$$

$$K_{3-4}^2 = \frac{Q_{3-4}^2}{I_{\text{sr}}} = \frac{(Q_4+Q_5)^2}{I_{\text{sr}}} = \frac{17^2}{0,0278} = 10\ 000 \text{ l}^2/\text{s}^2, \quad K_{3-4} = 102 \text{ l/s},$$

$$K_{2-3}^2 = \frac{Q_{2-3}^2}{I_{\text{sr}}} = \frac{(Q_6+Q_4+Q_5)^2}{I_{\text{sr}}} = \frac{32^2}{0,0278} = 36\ 900 \text{ l}^2/\text{s}^2, \quad K_{2-3} = 192 \text{ l/s},$$

$$K_{1-2}^2 = \frac{Q_{1-2}^2}{I_{\text{sr}}} = \frac{(\sum Q)^2}{I_{\text{sr}}} = \frac{50^2}{0,0278} = 90\ 000 \text{ l}^2/\text{s}^2, \quad K_{1-2} = 300 \text{ l/s}.$$

Z tablicy 7.12a dla  $n = 0,111$  wyznaczamy odpowiadające im średnice:

$$d_{4-5} = 100 \text{ mm}, \quad d_{3-4} = 125 \text{ mm}, \quad d_{2-3} = 150 \text{ mm}, \quad d_{1-2} = 200 \text{ mm}.$$

Obliczamy rzeczywiste straty ciśnienia w poszczególnych przewodach przyjmując wartości przepustowości odpowiadające poszczególnym średnicom:

$$h_{s1\ 1-2} = \frac{Q_{1-2}^2 l_{1-2}}{K_{1-2}^2} = \frac{50^2 \cdot 200}{150,6 \cdot 10^3} = 3,32 \text{ m},$$

$$h_{s1\ 2-3} = \frac{Q_{2-3}^2 l_{2-3}}{K_{2-3}^2} = \frac{32^2 \cdot 300}{32,46 \cdot 10^3} = 9,46 \text{ m},$$

$$h_{s1\ 3-4} = \frac{Q_{3-4}^2 l_{3-4}}{K_{3-4}^2} = \frac{17^2 \cdot 250}{12,28 \cdot 10^3} = 5,88 \text{ m},$$

$$h_{s1\ 4-5} = \frac{Q_{4-5}^2 l_{4-5}}{K_{4-5}^2} = \frac{12^2 \cdot 150}{3,734 \cdot 10^3} = 5,78 \text{ m}.$$

Całkowita strata naporu

$$h_{s1} = 3,32 + 9,46 + 5,88 + 5,78 = 24,44 \text{ m.}$$

Dla wyznaczenia średnic poszczególnych odgałęzień wyznaczamy wartości przepustowości:

$$K_{3-6}^2 = \frac{Q_{3-6}^2 l_{3-6}}{h_{3-6}} = \frac{15^2 \cdot 100}{30 - 3,32 - 9,46 - 5} = 1836 \text{ l}^2/\text{s}^2,$$

$$K_{2-8}^2 = \frac{Q_{2-8}^2 l_{2-8}}{h_{2-8}} = \frac{8^2 \cdot 100}{30 - 3,32 - 5} = 287 \text{ l}^2/\text{s}^2,$$

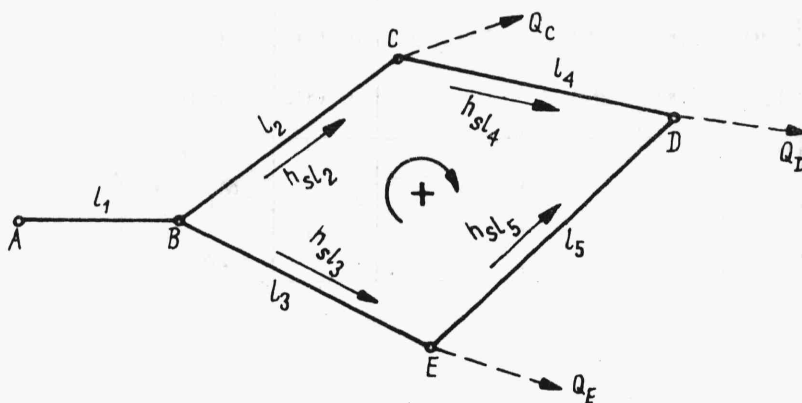
$$K_{2-7}^2 = \frac{Q_{2-7}^2 l_{2-7}}{h_{2-7}} = \frac{10^2 \cdot 150}{30 - 3,32 - 5} = 683 \text{ l}^2/\text{s}^2.$$

Z tablicy 7.12a wyznaczamy odpowiadające im średnice:  $d_{3-6} = 100 \text{ mm}$ ,  $d_{2-8} = 75 \text{ mm}$ ,  $d_{2-7} = 75 \text{ mm}$ .

**Przykład 8.9.** Obliczyć metodą Crossa-Łobaczewa układ w postaci zamkniętego pierścienia z odgałęzieniem (rys.8.19). Zadane są długości odcinków układu oraz wielkości odbiorów w węzłach:

$l_1 = 800 \text{ m}$ ,  $l_2 = 200 \text{ m}$ ,  $l_3 = 300 \text{ m}$ ,  $l_4 = 400 \text{ m}$ ,  $l_5 = 500 \text{ m}$ ,

$Q_C = 0,02 \text{ m}^3/\text{s}$ ,  $Q_D = 0,01 \text{ m}^3/\text{s}$ ,  $Q_E = 0,012 \text{ m}^3/\text{s}$ .



Rys.8.19

Rozwiązanie. Do obliczenia tego układu stosujemy metodę kolejnych przybliżeń Crossa - Łobaczewa w następującej kolejności:

1) zakładamy odpowiednio kierunki przepływu oraz średnice i wydatki odcinkowe jako 1 przybliżenie wpisując obierane wartości w podanym zestawieniu,

2) wpisujemy również wyznaczone z tablicy 7.12 dla założonych średnic i współczynnika chropowatości  $k = 0,5$  mm - oporności jednostkowe  $A_i$ , a następnie oporności przewodów  $M_i = A_i l_i$ ,

3) następnie wpisujemy iloczyny  $M_i Q_i$  oraz  $h_{sl_i} = M_i Q_i^2$ ,

4) wyliczamy poprawkę dla pierścienia

$$\Delta Q = \frac{-\sum M_i Q_i^2}{2 \sum M_i Q_i}; \quad \sum h_{sl_i} = \sum M_i Q_i^2,$$

5) dla kolejnych przybliżeń powtarzamy cykl obliczeń aż do osiągnięcia wartości sumy strat ciśnienia  $\sum h_{sl_i} < |0,5|$  m, wówczas należy uważać, że obliczenie przeprowadzono z wystarczającą dokładnością.

Nr od-cin-ka	$d_i$ [mm]	$l_i$ [m]	$A_i$ [ $s^2/m^6$ ]	$M_i = A_i l_i$ [ $s^2/m^5$ ]	Pierwsze przybliżenie		
					$Q_i$ [ $m^3/s$ ]	$M_i Q_i$	$h_{sl_i} = M_i Q_i^2$
2	200	200	6,418	1284	+0,025	32,1	+0,8025
3	150	300	29,31	8793	-0,017	149,5	-2,5412
4	80	400	819,4	327760	+0,005	1638,8	+8,1940
5	150	500	250,7	125350	-0,005	626,8	-3,1338
						$\sum M_i Q_i =$ = 2447,2	$\sum h_{sl_i} = \sum M_i Q_i^2 =$ = 3,3215

$$\Delta Q_1 = \frac{-3,3215}{2 \cdot 2447,2} \approx -0,001 \text{ m}^3/\text{s}.$$

Uwzględniamy poprawkę  $\Delta Q_1 \approx -0,001 \text{ m}^3/\text{s}$

Nr odcinka	Drugie przybliżenie		
	$Q_i + \Delta Q_1$	$M_i(Q_i + \Delta Q_1)$	$h'_{sl_i} = M_i(Q_i + \Delta Q_1)^2$
2	+0,024	30,816	+0,7396
3	-0,018	158,274	-2,6489
4	+0,004	1311,040	+5,2442
5	-0,006	752,100	-4,5126
		$\sum M_i(Q_i - \Delta Q_1) =$ = 2252,23	$\sum h'_{sl_i} = -1,377$

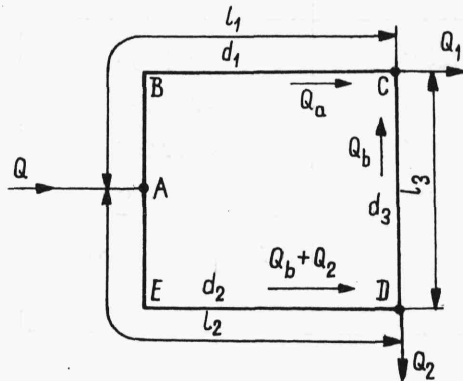
$$\Delta Q_2 = -\frac{-1,377}{2 \cdot 2252,23} = +0,0003 \text{ m}^3/\text{s}.$$

Nr odcinka	Trzecie przybliżenie		
	$Q_i + \Delta Q_1 + \Delta Q_2$	$M_i(Q_i + \Delta Q_1 + \Delta Q_2)$	$h''_{sl_i} =$ $= M_i(Q_i + \Delta Q_1 + \Delta Q_2)^2$
2	+0,0243	31,128	+0,7564
3	-0,0177	155,636	-2,7548
4	+0,0043	1409,368	+6,0603
5	-0,0057	714,495	-4,0726
		$\sum = 2310,627$	$\sum h''_{sl_i} = -0,0107$

$$\Delta Q_3 = -\frac{-0,0107}{2 \cdot 2310,627} = 0,0000023 \approx 0,$$

$$\sum h''_{sl_i} < |0,5| \text{ m}.$$

Otrzymaliśmy więc w 3 przybliżeniu wartości właściwych wydatków na odcinkach zamkniętego czworoboku:  $Q_2 = 0,0243 \text{ m}^3/\text{s}$ ,  $Q_3 = 0,0177 \text{ m}^3/\text{s}$ ,  $Q_4 = 0,0043 \text{ m}^3/\text{s}$ ,  $Q_5 = 0,0057 \text{ m}^3/\text{s}$  (znaki ujemne określają tylko kierunek przepływu niezgodny z ruchem wskazówek zegara).



Rys.8.20

**Przykład 8.10.** Do punktu A zamkniętego pierścienia wodociągowego (rys.8.20) o wymiarach -  $d_1 = d_2 = 175 \text{ mm}$ ,  $l_1 = 1000 \text{ m}$ ,  $l_2 = 700 \text{ m}$ ,  $l_3 = 300 \text{ m}$ , dopływa woda o wydatku  $Q = 15 \text{ l/s}$ . Obliczyć średnicę  $d_3$  odcinka CD, jeżeli odbiór w węźle C jest dwukrotnie większy od odbioru w węźle D, tj.  $Q_1 = 2 Q_2$ , zaś do węzła C dopływa przewodem ABC 75% odbioru  $Q_1$ . Współczynnik chropowatości  $n = 0,0125$ .

**Rozwiązanie.** Obliczamy stratę ciśnienia na długości  $l_1$  przewodu ABC

$$h_{ABC} = \frac{Q_a^2 l_1}{K_1^2}$$

Strata ciśnienia na długości AE DC jest równa

$$h_{AE DC} = \frac{(Q_b + Q_2)^2 l_2}{K_2^2} + \frac{Q_b^2 l_3}{K_3^2}$$

Straty te są oczywiście jednakowe, a więc

$$(a) \quad \frac{Q_a^2 l_1}{K_1^2} = \frac{(Q_b + Q_2)^2 l_2}{K_2^2} + \frac{Q_b^2 l_3}{K_3^2}$$

W tym równaniu mamy cztery niewiadome:  $Q_a$ ,  $Q_b$ ,  $Q_2$ ,  $K_3$ . Wydatki wyznaczamy z następujących zależności:

$$Q = Q_1 + Q_2, \quad Q_1 = 2Q_2, \quad Q_a = 0,75 Q,$$

stąd

$$Q_2 = \frac{Q}{3} = 5 \text{ l/s}, \quad Q_1 = 10 \text{ l/s}, \quad Q_a = 7,5 \text{ l/s}, \quad Q_b = 2,5 \text{ l/s}.$$

Wartości przepustowości wyznaczamy z tablicy 7.12a dla  $n = 0,0125$

$$K_1 = K_2 = 238,9 \text{ l/s}, \quad \text{dla} \quad d_1 = d_2 = 175 \text{ mm}.$$

Podstawiając otrzymane wartości do równania (a) obliczymy  $K_3^2$

$$\frac{7,5^2 \cdot 1000}{57 \ 080} = \frac{(5 + 2,5)^2 \cdot 700}{57 \ 080} + \frac{2,5^2 \cdot 300}{K_3^2}$$

lub

$$\frac{7,5^2}{57 \ 080} = \frac{2,5^2}{K_3^2},$$

stąd

$$K_3^2 = 6342 \text{ l}^2/\text{s}^2.$$

Znając wartość  $K_3^2$  określamy z tablicy 7.12a średnicę  $d_3 = 125 \text{ mm}$ .

### 8.3. POMPA W UKŁADZIE PRZEWODÓW

Dla dostarczenia lub przetłaczania określonej ilości cieczy z miejsca zasilania do miejsca odbioru stosowane są pompy w układzie przewodów. Pompa w układzie przewodów, zwana również instalacją pompową, składa się z przewodu ssawnego, zespołu pompowego i przewodu tłocznego (rys.8.21).

Praca pompy polega na zasysaniu cieczy w przewodzie ssawnym a następnie na przetłoczeniu w przewodzie tłocznym.

Energię dostarczaną przez pompę przepływającej cieczy nazywamy całkowitą wysokością pompowania.